

## پاسخنامه تشریحی

۱) ماهی‌ها تنها مهره‌داران بالغ با گردش خون ساده هستند که امکان ندارد خون پس از تبادل گازها در آبشش‌ها فقط به سمت انتهای بدن حرکت کند بلکه از طریق سرخرگ پشتی به تمام بدن از جمله سر و قلب نیز هدایت می‌شود.  
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: خود یاخته‌های ماهیچه‌ای حفرات قلب نیز همانند همه یاخته‌ها با خون روشن تغذیه می‌شوند.

گزینه ۳: در سرخرگ شکمی ماهی خون تیره و در سرخرگ پشتی خون روشن جریان دارد.

گزینه ۴: مزیت سیستم گردش خون ساده، انتقال یک‌باره خون اکسیژن‌دار به تمام مویرگ‌های اندام‌هاست.

۲) چون پادتن و گیرنده آنتی‌ژنی در مورد لنفوسیت‌های  $B$  با هم مشابه‌اند و جایگاه اتصال یکسانی به یک نوع میکروب خاص دارند.  
بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در لنف علاوه بر پادتن می‌توان پروتئین‌های دفاعی دیگر مانند پروتئین‌های مکمل و اینترفرون نوع  $I$  و  $\dots$  را دید.

گزینه ۲: چون سلول‌های پادتن‌ساز حاصل از لنفوسیت  $B$ ، با تولید پروتئین پادتن به صورت غیرمستقیم به سلول‌های هدف حمله می‌کنند.

گزینه ۴:

سلول‌های هدف لنفوسیت  $T$  } سلول‌های سرطانی  
سلول آلوده به ویروس  
سلول بخش پیوند شده

۳) فقط موارد (ب) و (ج) صحیح هستند.

بررسی موارد:

مورد الف) چوبی شدن دیواره سبب مرگ سلول می‌شود.

مورد ب) کوتینی شدن و چوب پنبه‌ای شدن (ترکیبات لیپیدی - آبگریز) از ورود عوامل بیماری‌زا و از دست دادن آب در گیاه جلوگیری می‌کند.

مورد ج) لایه محدودکننده رشد سلول لایه پسین نام دارد که نزدیک‌ترین بخش به پروتوپلاست است و روی تیغه میانی و دیواره نخستین قرار می‌گیرد، پس در داخلی‌ترین قسمت دیواره سلولی قرار دارد.

مورد د) ساقه یک گیاه دولپه‌ای مسن چوبی شده و واکوئول در استوار ماندن بخش‌های چوبی گیاه تأثیری ندارد.

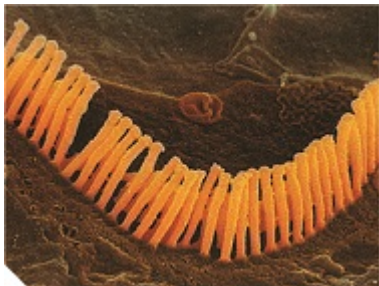
مورد ه) گلوتن ذخیره شده در واکوئول گیاه گندم توسط رویان مصرف می‌شود نه تولید.

۴) در ساختار تمام استخوان‌ها هم بافت اسفنجی و هم فشرده وجود دارد. در استخوان‌های گوش میانی که توسط پرده صماخ به ارتعاش درمی‌آیند نیز بافت فشرده با سیستم هاورس دیده می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: ارتعاش پرده صماخ در نهایت باعث تحریک سلول‌های مژک‌دار بخش حلزونی شده که پیام عصبی حاصل از عملکرد آن‌ها از طریق عصب شنوایی به قشر مخ می‌رود.

گزینه ۲: ارتعاش پرده صماخ باعث تحریک سلول‌های مژک‌دار بخش حلزونی می‌شود که با توجه به شکل زیر در فواصل کمتر از یک میکرومتری یکدیگر قرار دارند.



گزینه ۳: ارتعاش پرده صماخ سبب تحریک گیرنده‌های مکانیکی بخش حلزونی گوش درونی می‌شود نه تمام گیرنده‌های مکانیکی.

۵) تمامی موارد به درستی بیان شده‌اند.

بررسی همه موارد:



مورد اول) درست - در هر دو حالت دم و بازدم، حجم قفسه سینه دچار تغییر می‌شود. در دم، هنگام مسطح شدن دیافراگم، حجم قفسه سینه افزایش و در بازدم با گنبدی شدن شکل شدن این ماهیچه، حجم آن کاهش می‌یابد.

مورد دوم) درست - فشار مایع جنب همواره از فشار جو کمتر است که باعث می‌شود شش‌ها در حالت بازدم کاملاً جمع نشوند.

مورد سوم) درست - تبدلات گازی حتی هنگام بازدم و در فاصله دو تنفس از طریق هوای باقی‌مانده حبابک‌ها انجام می‌شود.

مورد چهارم) درست - مولکول اکسیژن در تنفس یاخته‌ای هوازی چه در انقباض و چه در استراحت استفاده می‌شود.

۶) در بدن انسان علاوه بر هورمون‌ها، ناقل‌های عصبی، پیک‌های شیمیایی التهاب و ... ترکیبات دیگری مانند کربن دی‌اکسید، در یاخته‌های بدن تولید می‌شوند و بر روی فعالیت یاخته‌های دیگر اثر می‌گذارند.

بررسی همه موارد:

مورد اول) کربن دی‌اکسید، نه هورمون است و نه ناقل عصبی.

مورد دوم) کربن دی‌اکسید توسط یاخته‌های بافت ماهیچه‌ای نیز می‌تواند تولید شود.

مورد سوم) این مورد برای گروهی از هورمون‌ها که درون یاخته دارای گیرنده هستند، صادق نیست. گیرنده گروهی از هورمون‌ها در درون یاخته قرار دارد.

مورد چهارم) برای آزاد شدن کربن دی‌اکسید از یاخته‌ها (انتشار) انرژی زیستی مصرف نمی‌شود.

۷) در ماهی‌ها قلب دوحفره‌ای شامل یک دهلیز و یک بطن می‌باشد. در این جانوران فشار خون در سرخرگ شکمی بیشتر از فشار خون در سرخرگ پشتی می‌باشد. در اسبک‌ماهی لقاح در بدن جانور نر انجام می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در ماهی‌ها و نوزاد دوزیستان، قلب دوحفره‌ای وجود دارد، نوزادان فاقد توانایی تولیدمثل و لقاح می‌باشند.

گزینه ۲: در دوزیستان بالغ قلب سه‌حفره‌ای است که دارای دو دهلیز و یک بطن می‌باشد. از بطن آنها تنها یک سرخرگ خارج می‌شود که پس از خروج و در بالای قلب دو شاخه می‌شود. دوزیستان لقاح خارجی دارند.

گزینه ۳: در مهره‌داران طناب عصبی پشتی است و بخش جلویی آن برجسته شده و مغز را تشکیل می‌دهد. تنها بعضی از مهره‌داران لقاح خارجی دارند که در طی آن والدین تعداد زیادی گامت را هم‌زمان وارد آب می‌کنند.

۸) دستگاه گوارش از لوله گوارش و اندام‌های دیگر مرتبط با آن تشکیل شده است. اندام‌های مرتبط با آن، غده‌های بزاقی، لوزالمعده، کبد و کیسه صفرا هستند. حرکات قطعه‌قطعه کننده فقط در لوله گوارش دیده می‌شود که بافت پیوندی سست با ماده زمینه‌ای شفاف در هر چهار لایه آن وجود دارد.

۹) فقط موارد ب و ج درست هستند.

بررسی موارد:

مورد الف) انتقال فعال به کمک پروتئین‌های غشایی انجام می‌شود ولی آندوسیتوز و اگزوسیتوز مربوط به ذره‌های بزرگ‌تر است و با تولید کیسه‌های غشایی (وزیکول) همراه است.

مورد ب) منبع انرژی برای آندوسیتوز و اگزوسیتوز،  $ATP$  می‌باشد.

مورد ج) فرایندهای آندوسیتوز و اگزوسیتوز در برخی سلول‌های زنده روی می‌دهد.

مورد د) در فرایند درون‌بری و برون‌رانی همراه مولکول‌های بزرگ، مولکول‌های کوچکی مانند آب می‌توانند عبور کنند.

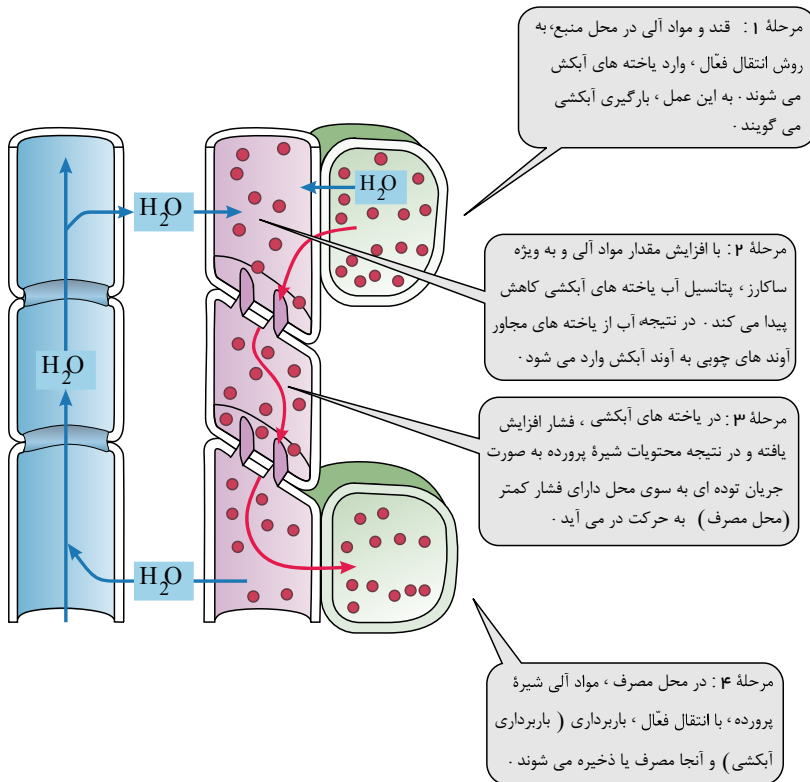
۱۰) ساقه‌ای که در روش خوابانیدن با خاک پوشانده می‌شود و ساقه رونده هر دو دارای گره هستند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: در روش پیوند زدن، پیوندک تکثیر می‌شود و ویژگی مقاومت به خشکی و شوری و بیماری‌ها از ویژگی‌های پایه پیوند است.

گزینه ۲: در پیوند زدن، پیوندک تکثیر می‌شود و پیوندک ژن‌های مشابه خودش را خواهد داشت. همه ژن‌های پیوندک نمی‌توانند با ژن‌های پایه مشابه باشند.

گزینه ۳: در روش خوابانیدن، بخشی از شاخه یا «ساقه» که دارای گره است، در زیر خاک قرار داده می‌شود تا پس از رشد، ریشه و ساقه برگدار تولید کند.



در مرحله اول یاخته های آوند آبکش و یاخته های محل منبع که زنده هستند، شرکت دارند. قند و مواد آلی در محل منبع، به روش انتقال فعال و با مصرف انرژی (مصرف  $ATP$ )، وارد یاخته های آبکش می شوند. یاخته های آوند آبکش دارای دیواره های عرضی هستند. در مرحله دوم یاخته های آوند آبکش و چوبی دخالت دارند که فقط یاخته های آوند آبکش زنده هستند، بنابراین نمی توان گفت انواعی از یاخته های زنده در این مرحله دخالت دارند.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱: در مرحله سوم، در یاخته های آبکشی، فشار افزایش یافته و در نتیجه محتویات شیره پرورده به صورت توده ای از مواد به سوی دارای فشار کمتر (محل مصرف) به حرکت در می آید.

گزینه ۲: در مرحله سوم، طبق شکل بالا، مواد آلی و قند ساکارز به صورت توده ای در خلاف جهت شیره خام موجود در آوند چوبی حرکت می کنند. این مواد به سوی محل دارای فشار کمتر به حرکت در می آید.

گزینه ۴: فقط در مرحله سوم مواد به صورت توده ای جابه جا می شود.

۱۲) ۱ ۲ ۳ ۴ اریتروپویتین هورمونی است که از کبد و کلیه تولید شده و تولید گویچه های قرمز را افزایش می دهد. بنابراین یاخته های سازنده آنها منشأ مغز استخوانی ندارند. پادتن ها نیز از یاخته های پادتن ساز ترشح می شوند و یاخته های پادتن ساز مستقیماً از مغز استخوان حاصل نمی شود.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱): بازوفیل ها، هپارین و هیستامین ترشح می کنند.

گزینه ۲): اینترفرون نوع یک را یاخته های آلوده به ویروس ترشح می کنند که در بیماری ایدز می تواند از نوع خاصی از لنفوسیت های  $T$  ترشح شود. اینترفرون نوع دو نیز از لنفوسیت های  $T$  و یاخته های کشنده طبیعی ترشح می شود و پروترومبیناز، توسط پلاکت ها تولید می شود.

گزینه ۴): در این گزینه، اسید کربنیک و هموگلوبین توسط گویچه های قرمز تولید می شود که از یاخته های زاینده مغز استخوان منشأ گرفته اند.

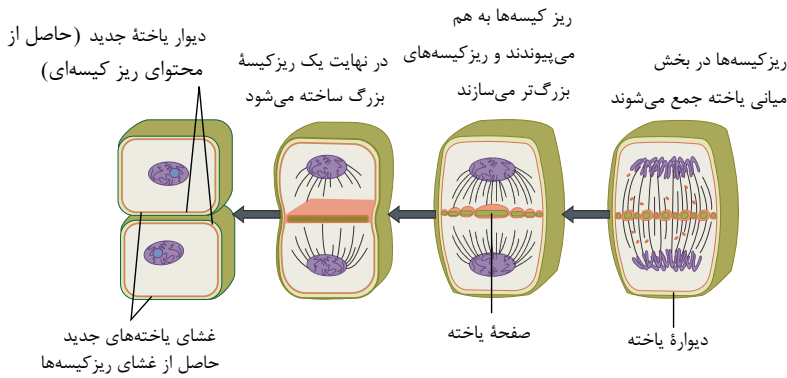
۱۳) ۱ ۲ ۳ ۴ رشته های پروتئینی در حمل کیسه های تولید شده توسط دستگاه گلژی نقش دارند.

بررسی سایر گزینه ها:

گزینه ۱) تجمع ریزکیسه ها پیش از شکل گیری کامل پوشش هسته ها آغاز شود.



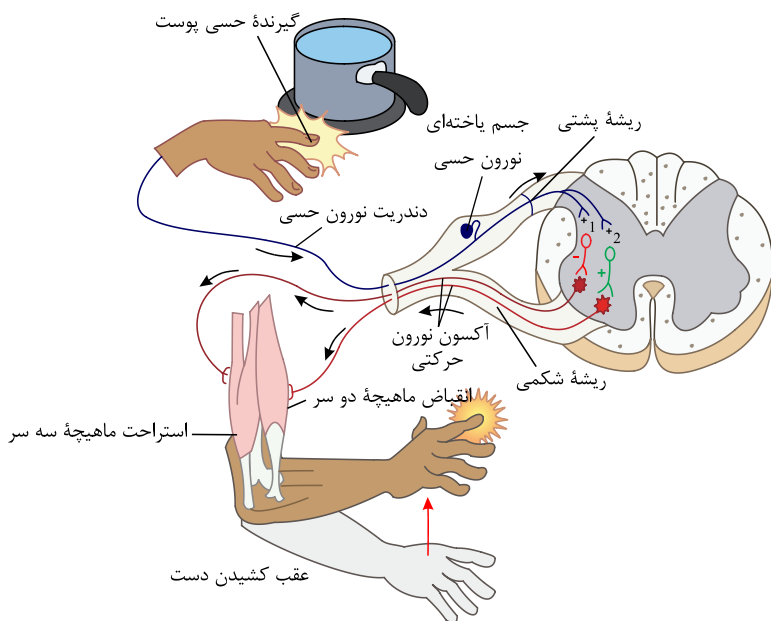
### دکتر ماهده خداپرست



گزینه: ۲) ارتباط سیتوپلاسمی بین دو یاخته تازه تشکیل شده ممکن است همچنان از طریق پلاسمودسم‌ها ادامه داشته باشد.

گزینه: ۳) این یاخته‌های گیاهی (پارانسیم) فاقد دیواره پسین هستند.

۱۴) مطابق شکل زیر



مورد «الف»: نادرست. فقط سیناپس بین نورون رابط و نورون حرکتی مرتبط با ماهیچه سه سر از نوع مهارتی است.

اما سیناپس بین نورون حسی و نورون رابط از نوع تحریکی است.

مورد «ب»: درست. سیناپس بین نورون حسی و رابط از نوع تحریکی است.

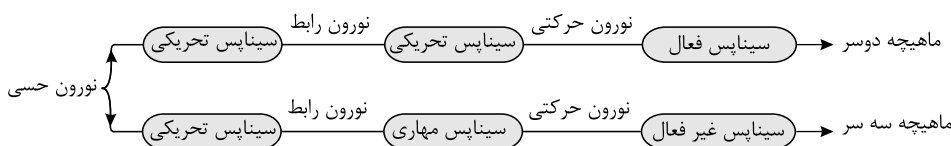
همچنین سیناپس بین نورون رابط و نورون حرکتی مرتبط با ماهیچه دو سر از نوع تحریکی است.

مورد «ج»: نادرست. سیناپس بین نورون حرکتی و ماهیچه سه سر، نه تحریکی و نه مهارتی است، و از آن‌جا که فرایندی در آن انجام نمی‌شود، به آن غیرفعال گفته می‌شود.

مورد «د»: درست. سیناپس بین نورون حسی و رابط از نوع تحریکی است.

اما سیناپس بین رابط و نورون حرکتی ماهیچه سه سر از نوع مهارتی است.

مورد «ه»: نادرست. سیناپس بین رابط و حرکتی ماهیچه دوسر از نوع تحریکی است.



۱۵) هورمون‌های LH و FSH موجب تنظیم و هدایت چرخه تخمدانی می‌شوند، در زمان تشکیل جسم زرد غلظت LH از FSH بیشتر

است.

بررسی سایر گزینه‌ها:



۱) استروژن در دو زمان افزایش می‌یابد که طی دومین بار کاهش مقدار هورمون LH را شاهد خواهیم بود.

۳) در دو هفته اول چرخه تخمدانی این‌طور نیست که میزان هورمون‌های LH و FSH همواره، همسو با یکدیگر افزایش یا کاهش یابد. غلظت هورمون LH با شیب کم افزایشی است اما غلظت هورمون FSH کاهش می‌یابد.

۴) در دو زمان از چرخه تخمدانی مقدار هورمون‌های LH و FSH برابر می‌شود که اولین بار هم‌زمان با رشد فولیکول‌هاست.

۱۶) صورت سؤال در مورد چیرگی راسی است. در این فرایند، تولید هورمون‌های اکسین و اتیلن افزایش می‌یابد و مقدار تولید هورمون سیتوکینین در جوانه‌های جانبی کاهش می‌یابد. باید گزینه‌ای را انتخاب کنیم که در بخش اول، هم در مورد اکسین و هم در مورد اتیلن صدق کند و بخش دوم جمله باید از خصوصیات سیتوکینین بیان شود.

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: هورمون اکسین و جیبرلین - جیبرلین و سیتوکینین

گزینه ۲: هورمون سیتوکینین - اکسین

گزینه ۳: همه هورمون‌ها این ویژگی را دارند - سیتوکینین

گزینه ۴: هورمون اکسین - جیبرلین

۱۷) در نتیجه با هم ماندن کروموزوم‌ها در میوز ۱، نیمی از گامت‌ها تعداد کروموزوم بیشتر از حد طبیعی و نیمی دیگر از آنها کروموزوم‌هایی کمتر از حد طبیعی خواهند داشت. اما در پی با هم ماندن کروموزوم‌ها در میوز ۲، یک‌چهارم گامت‌ها تعداد کروموزوم کمتر از حد طبیعی خواهند داشت و یک‌چهارم تعداد کروموزوم کمتر از حد طبیعی و نیمی هم تعداد کروموزوم طبیعی خواهند داشت.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲: در زمان بروز خطا در آنافاز ۱، فقط گامت با تعداد کروموزوم غیرطبیعی تولید می‌شود.

گزینه‌های ۳ و ۴: هم در پی با هم ماندن کروموزوم‌ها در میوز ۱ و هم در پی با هم ماندن کروموزوم‌ها در میوز ۲، امکان تولید گامت‌هایی با تعداد کروموزوم بیشتر از حد طبیعی و کمتر از حد طبیعی وجود دارد.

۱۸) همه موارد به نادرستی بیان شده‌اند.

دقت کنید منظور مولکول‌های ترش‌چی واجد نیتروژن، پروتئین‌ها هستند. پروتئین‌های موجود در فضای معده که توسط لایه مخاطی آن ساخته و ترشح شده‌اند، شامل آنزیم‌های معده (پروتئازها و لیزوزیم) و گلیکوپروتئین موسین است.

بررسی همه موارد:

الف) لیزوزیم آنزیم گوارشی نبوده و در از بین بردن باکتری‌ها نقش دارد. از طرفی این موضوع در مورد موسین نیز نادرست است.

ب) لیزوزیم و موسین تحت دخالت مستقیم هورمون خاصی ترشح نمی‌شوند.

ج) موسین می‌تواند از یاخته‌های مربوط به حفرات معده (نه غدد معده) نیز ترشح شود. به کلمه «هر» در صورت سوال توجه ویژه شود.

د) پروتئازهای معده ابتدا به صورت غیرفعال به محیط درون این اندام ترشح شده‌اند.

۱۹) ۱ ۲ ۳ ۴

ترشح در تنظیم pH خون مؤثر است و به صورت انتخابی با وارد کردن هیدروژن به ادرار، خون را قلیایی می‌کند. ترشح در بیشتر موارد به روش فعال و با صرف انرژی زیستی انجام می‌گیرد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: ترشح و بازجذب می‌توانند به هر دو شکل فعال و غیرفعال انجام پذیرند. در ترشح و بازجذب شبکه مویرگی دورلوله‌ای در تعامل با یاخته‌های بخش‌های لوله‌ای شکل نفرون قرار دارد، بنابراین تبادل مواد به صورت دو طرفه بین شبکه مویرگی (یاخته‌های پوششی سنگ‌فرشی) و نفرون (یاخته‌های مکعبی شکل) صورت می‌گیرد.

گزینه ۲: ترشح و بازجذب فرایندهایی نیازمند انرژی هستند، بنابراین سبب افزایش مصرف اکسیژن در طی تنفس هوازی به منظور تأمین ATP می‌شوند. ترشح و بازجذب با ورود مواد به لوله پیچ‌خورده نزدیک (نه اولین بخش نفرون = کپسول بومن) آغاز می‌شود.

گزینه ۳: تراوش سبب ورود مواد از گلومرول به کپسول بومن و ترشح سبب ورود مواد از شبکه دوم به لوله‌های پیچ‌خورده می‌شود. فقط فرآیند تراوش با فعالیت یاخته‌های پودوسیت صورت می‌گیرد.

۲۰) ۱ ۲ ۳ ۴

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: هورمون ضد ادراری در جسم سلولی عده‌ای از نورون‌های هیپوتالاموس ساخته می‌شود و سبب بازجذب آب از کلیه‌ها می‌شود.

گزینه ۲: در عده‌ای از نورون‌های هیپوتالاموس، هورمون آزادکننده ترشح می‌شود که محرک تولید هورمون‌های هیپوفیز پیشین است.



گزینه «۴»: ناقل‌های عصبی که از نورون‌های حرکتی ترشح می‌شوند، محرک انقباض ماهیچه و کوتاه شدن آن‌ها هستند.

۲۱) ۱ ۲ ۳ ۴ عبارات‌های «الف، ج و د» صحیح است.

بررسی همه موارد:

«الف» گیرنده‌های بویایی موجود در بینی و گیرنده‌های چشایی زبان در درک مزه غذا نقش دارند که هر دو شیمیایی‌اند گیرنده‌های بویایی خارج از جوانه‌های چشایی هستند.

«ب» در سایر نقاط دهان (غیر از زبان) نیز گیرنده‌های شیمیایی وجود دارند.

«ج» رشته‌های عصبی با سلول‌های نگهبان ارتباط عصبی ندارد.

«د» آمینواسید گلوتامات مزه اوامی را تحریک می‌کند و همانطور که می‌دانیم آمینواسیدها از سد خونی - مغزی عبور می‌کنند.

۲۲) ۱ ۲ ۳ ۴ امکان ندارد ساختارهای به وجود آمده از زیگوت که متعلق به مرحله دیپلوئیدی‌اند، توانایی تولید سلول‌های تازک‌دار را داشته باشند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

پاسخ گزینه‌های ۱ و ۳: برای گیاهان مثلا  $4n$  و  $6n$  صحیح نمی‌باشد. در این گیاهان دانه گرده نارس برای گل مغربی تتراپلوئید صدق نمی‌کند. در این گیاه دانه گرده نارس، دیپلوئید حاصل می‌شود و دانه گرده رسیده، دیپلوئید و گیاه اصلی، تتراپلوئید دیده می‌شود.

گزینه ۲: نهان‌دانگان لقاح مضاعف دارند و دو یاخته تخم با عدد کروموزومی متفاوت به وجود می‌آورند.

۲۳) ۱ ۲ ۳ ۴ در محل خروج عصب بینایی فقط لایه‌های شبکیه و صلیبه مشاهده می‌شوند؛ صلیبه در تماس با ماهیچه‌های مژگانی قرار دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۲) عدسی و قرنیه دو قسمت شفاف کره چشم هستند. هر دو این ساختارها با شکل محدب خود در همگرایی نور ورودی به کره چشم و متمرکز کردن آن بر روی شبکیه نقش دارند.

گزینه ۳) با برخورد نور به شبکیه، ماده حساس به نور، درون گیرنده‌های نوری تجزیه می‌شود و واکنش‌هایی را به راه می‌اندازد که به ایجاد پیام عصبی منجر می‌شوند.

گزینه ۴) زلالیه مایع شفاف منشأ گرفته از مویرگ‌های خونی می‌باشد. زلالیه در تغذیه کردن عدسی (نوعی ساختار محدب) نقش دارد.

۲۴) ۱ ۲ ۳ ۴ اگر همایه مورد نظر مهاری باشد، پس از اتصال ناقل عصبی به پروتئین گیرنده، ممکن است مقدار اختلاف پتانسیل دوسوی غشای یاخته

پس همایه‌ای افزایش یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱): تجزیه آنزیمی ناقل عصبی در فضای همایه‌ای، در اواخر فرآیند انتقال پیام رخ می‌دهد نه اوایل آن!

گزینه ۲): در همایه، افزایش سطح غشای یاخته پیش‌همایه‌ای (به سبب برون‌رانی) رخ می‌دهد. یاخته دارای گیرنده، پس‌همایه‌ای است و غشای آن دچار تغییر مساحت نمی‌شود.

گزینه ۴): ناقل عصبی به پروتئین گیرنده که از پروتئین‌های کانالی عرض غشایی (یعنی از پروتئین‌های سراسری غشا) است، متصل می‌شود، نه پروتئین سطحی.

۲۵) ۱ ۲ ۳ ۴ ساخت پروتئین‌ها و عوامل موردنیاز برای تقسیم سلول در  $G_2$  افزایش می‌یابد.

۲۶) ۱ ۲ ۳ ۴  $A$ : انقباض دهلیز  $B$ : انقباض بطن  $C$  و  $D$ : انقباض بطن  $E$ : استراحت عمومی

نقطه  $A$  انقباض دهلیزها را نشان می‌دهد که در آن سلول‌های مخطط بطنی در حال استراحت می‌باشند ولی در  $D$  که کمی قبل از اتمام انقباض بطن‌هاست، سلول‌های مخطط بطنی در حال انقباض می‌باشند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱): در نقطه  $A$  هنوز صدای اول قلب که صدای طولانی و بم‌تر از صدای دوم است شنیده نمی‌شود و این صدا کمی قبل از نقطه  $B$  شنیده می‌شود.

گزینه ۳): در نقطه  $B$  بر خلاف نقطه  $A$  جریان الکتریکی درون شبکه گرهی دیواره بطن انتشار می‌یابد.

گزینه ۴): نقطه  $A$ ، پس از انتشار جریان الکتریکی از گره سینوسی - دهلیزی به تارهای ماهیچه‌ای دهلیزها اتفاق می‌افتد.

۲۷) ۱ ۲ ۳ ۴ تناوب کشت روشی قدیمی است که طی آن از کشت گیاهان زراعی مثل تیره پروانه‌واران برای تقویت خاک استفاده می‌شود.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱) آمونیوم ساخته شده توسط باکتری‌های تثبیت‌کننده نیتروژن و باکتری‌های آمونیاک‌ساز دو سرنوشت دارد: ۱- خودش مستقیم جذب گیاه شود یا ۲- به وسیله باکتری‌های نیترات‌ساز به نیترات تبدیل شده و سپس جذب گیاه شود.

گزینه ۳) باکتری‌های نیترات‌ساز، آمونیوم را به نیترات تبدیل می‌کنند و برای این کار اکسیژن مصرف می‌کنند و آمونیوم را اکسید می‌کنند.

گزینه ۴) قارچ ریشه‌ای در انتقال آب و مواد مغذی به ریشه گیاه مؤثر است.



۲۸) ۱ ۲ ۳ ۴ ۴ گردۀ نارس حاصل از میوز سلول دیپلوئید درون کیسهٔ گرده، هم‌اندازه‌اند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینهٔ ۱: در اولین تقسیم میتوز تخم در گیاهان گلدار، دوسلول غیر هم‌اندازه ایجاد می‌شود که ناشی از تقسیم سیتوپلاسم نابرابر است.

گزینهٔ ۲: یکی از چهار سلول حاصل از تقسیم میوز سلول دیپلوئید بافت خورش، از بقیه بزرگتر است.

گزینهٔ ۳: در کیسهٔ رویانی، سلول دوهسته‌ای نسبت به شش سلول دیگر بزرگتر است و سلول‌های دیگر لزوماً هم‌اندازه نیستند.

۲۹) ۱ ۲ ۳ ۴ در کرم خاکی که دارای تنفس پوستی است، خون کم اکسیژن به سمت شبکهٔ مویرگی زیرپوستی می‌رود و در آنجا از طریق پوست،

اکسیژن محیط را دریافت می‌کند. (شکل ۱۹ صفحهٔ ۴۵ زیست دهم)

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینهٔ ۱: نایدیس‌ها، از طریق منافذ تنفسی به خارج راه دارند.

گزینهٔ ۲: ساده‌ترین آبشش مربوط به ستاره دریایی است.

گزینهٔ ۴: پارامسی تک‌یاخته‌ای می‌باشد و از طریق انتشار تنفس می‌کند.

۳۰) ۱ ۲ ۳ ۴ منظور سؤال، یاخته‌های سفید خونی بازوفیل هستند. که هستهٔ دو قسمتی روی هم افتاده و میان یاخته با دانه‌های تیره هستند. این

یاخته‌ها با ترشح هیستامین، سبب بروز حساسیت می‌شوند. در حساسیت ممکن است دستگاه ایمنی نسبت به مواد بی‌خطر واکنش نشان دهد.

علت نادرستی سایر گزینه‌ها:

۱) لنفوسیت‌ها، پس از شناسایی آنتی‌ژن به سرعت تکثیر می‌شوند و سایر یاخته‌های سفید خونی توانایی شناسایی و تکثیر را ندارند.

۲) از یاخته‌های خونی، مونوسیت‌ها پس از خروج از خون، پس از تغییر به نوعی درشت‌خوار تبدیل می‌شوند.

۴) لنفوسیت‌های  $T$  کشنده و یاخته‌های کشندهٔ طبیعی، توانایی ترشح پرفورین را دارند که این پروتئین (پرفورین) سبب ایجاد منفذ در غشای یاخته، می‌شود و

یاخته‌های نامبرده آنزیمی را به درون یاخته وارد و سبب مرگ برنامه‌ریزی می‌شوند.

۳۱) ۱ ۲ ۳ ۴ منظور غدهٔ لوزالمعده است.

موارد ب و ج صحیح است.

بررسی موارد:

مورد الف: غدهٔ لوزالمعده بخش برون‌ریز نیز دارد که بیکربنات و آنزیم‌های گوارشی را به درون دوازدهه وارد می‌کند. مثلاً آنزیم پروتئاز پانکراس نقشی در تنظیم

قند خون ندارد. (نادرست)

مورد ب: همهٔ یاخته‌های زندهٔ بدن انسان، تحت تأثیر هورمون‌های تیروئیدی قرار دارند. (درست)

مورد ج: یاخته‌های ترشح‌کنندهٔ هورمون در جزایر لانگرهانس، تک‌هسته‌ای بوده و فضای بین‌یاخته‌ای اندکی دارند. (درست)

مورد د: پانکراس دارای بخش برون‌ریز نیز می‌باشد که می‌تواند آنزیم تجزیه‌کنندهٔ گلیکوژن (موجود در غذا) تولید کند. (نادرست)

۳۲) ۱ ۲ ۳ ۴ منظور مریستم پسین است.

لایه‌های آوندی را به سمت داخل و خارج می‌سازند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینهٔ ۱- در تک‌لپه‌ای‌ها مریستم پسین وجود ندارد.

گزینهٔ ۲- برگ‌ها توسط مریستم پسین ساخته نمی‌شوند.

گزینهٔ ۳- با هر بار تقسیم مریستم، آوندهای جدیدی دور آن قرار می‌گیرد.

۳۳) ۱ ۲ ۳ ۴ زام‌یاخته‌های درون لولهٔ اسپرم‌ساز تحت تأثیر ترشحات یاخته سرتولی هستند. هورمون‌های هیپوفیز پیشین،  $LH$  و  $FSH$  است.

$FSH$  بر روی یاخته‌های سرتولی گیرنده دارد و به این ترتیب به طور غیرمستقیم بر روی زام‌یاخته‌ها تأثیر دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱. یاخته‌های تک‌لاد موجود در لولهٔ زام‌ساز شامل زام‌یاخته ثانویه، زام‌یاختک و زامه هستند. زامه از تمایز زام‌یاختک به وجود می‌آید نه تقسیم سیتوپلاسم

زام‌یاختک.

۲. زامه در لولهٔ زام‌ساز توانایی حرکت ندارد.

۳. ترشحات غدد برون‌ریز دستگاه تولید مثلی مرد شامل وزیکول سمینال، پروستات و غدد پیازی میزراهی در مجموع مایع منی می‌شود که در انتقال اسپرم نقش

دارد.

۳۴) ۱ ۲ ۳ ۴

در این یاخته‌ها دیوارهٔ پسین نزدیک‌ترین بخش به پروتوپلاست یاخته است و تیغهٔ میانی نیز دورترین بخش دیوارهٔ یاخته‌ای از پروتوپلاست آن یاخته می‌باشد.



دیوارهٔ پسین جوان‌ترین بخش دیوارهٔ یاخته‌ای در این یاخته‌هاست. در این یاخته‌ها تیغهٔ میانی مسن‌ترین بخش دیوارهٔ یاخته‌ای است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): تیغه میانی، بیشترین فاصله را از پروتوپلاست دارد. در محل همهٔ لان‌ها تیغهٔ میانی دیده می‌شود.

گزینه (۳): در گیاهان در یاخته‌های دیواره‌دار زنده، همه بخش‌های دیواره کنترل تبادل مواد را بین دو یاخته ممکن می‌سازند.

گزینه (۴): تیغهٔ میانی پس از تقسیم هسته، میان یاخته را به دو بخش تقسیم می‌کند. این بخش می‌تواند بین بیش از دو یاختهٔ مجاور مشترک باشد.

شکل مربوط به اندام‌های درونی حشره‌ای به نام ملخ است. ۱ ۲ ۳ ۴ ۳۵

بخش ۱: معده بخش ۲: لوله‌های مالپیگی بخش ۳: روده بخش ۴: راست روده

حشرات سامانه دفعی متصل به روده به نام لوله‌های مالپیگی دارند. یون‌های پتاسیم و کلر از همولف به لوله‌های مالپیگی ترشح، و در پی آن آب از طریق اسمز وارد این لوله‌ها می‌شود. سپس اوریک اسید (نوعی ماده حاصل از سوخت و ساز نوکلئیک اسیدها) به لوله‌ها ترشح می‌شود. محتوای لوله‌های مالپیگی به روده تخلیه و با عبور مایعات در روده، آب و یون‌ها باز جذب می‌شوند. اوریک اسید از طریق روده به همراه مواد دفعی دستگاه گوارش دفع می‌شود. بنابراین، امکان مشاهده این ماده در راست روده برخلاف معده وجود دارد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): معده ترشحات لوله‌های مالپیگی را دریافت نمی‌کند و در باز جذب آن‌ها نیز نقشی نخواهد داشت.

گزینه (۲): معده و کیسه‌های معده، آنزیم‌های گوارشی را ترشح می‌کنند.

گزینه (۳): روده اندامی است که ترشحات مالپیگی را دریافت می‌کند. در این ترشحات انواع یون‌ها قابل مشاهده هستند.

بخش قشری غدهٔ فوق کلیه هورمون‌های جنسی ترشح می‌کند. بخش قشری تحت تأثیر هورمون محرکهٔ فوق کلیه از هیپوفیز پیشین ۱ ۲ ۳ ۴ ۳۶

قرار دارد. و هیپوفیز پیشین نیز تحت تأثیر هورمون‌های آزاد کننده و مهارکنندهٔ هیپوتالاموس قرار دارد. پس افزایش غیرطبیعی آزادکننده و مهارکننده سبب افزایش هورمون‌های جنسی می‌شود.

از طرفی از بخش قشری غدهٔ فوق کلیه، هورمون کورتیزول در پاسخ به تنش‌های طولانی ترشح می‌شود. این هورمون در صورت تداوم تنش‌ها سبب تضعیف سیستم ایمنی فرد می‌شود. پس انتظار می‌رود تراگذاری نوتروفیل‌ها کاهش یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱. هنگامی که فرد در معرض تنش قرار گیرد، بخش مرکزی غدهٔ فوق کلیه دو هورمون اپی‌نفرین و نوراپی‌نفرین را به درون خون ترشح می‌کند. این هورمون نایژک‌ها را در شش‌ها باز می‌کند. در نتیجه توانایی نایژک‌ها برای انتقال هوا به درون دستگاه تنفسی افزایش می‌یابد.

گزینه ۲. آلدوسترون از بخش قشری غدهٔ فوق کلیه ترشح می‌شود. این هورمون بازجذب سدیم از کلیه را افزایش می‌دهد و از این طریق غلظت یون سدیم خون افزایش و در ادرار کاهش می‌یابد.

گزینه ۳. در یک پسر ۳۵ ساله صفحات رشد بسته شده و رشد طولی استخوان انجام نمی‌شود.

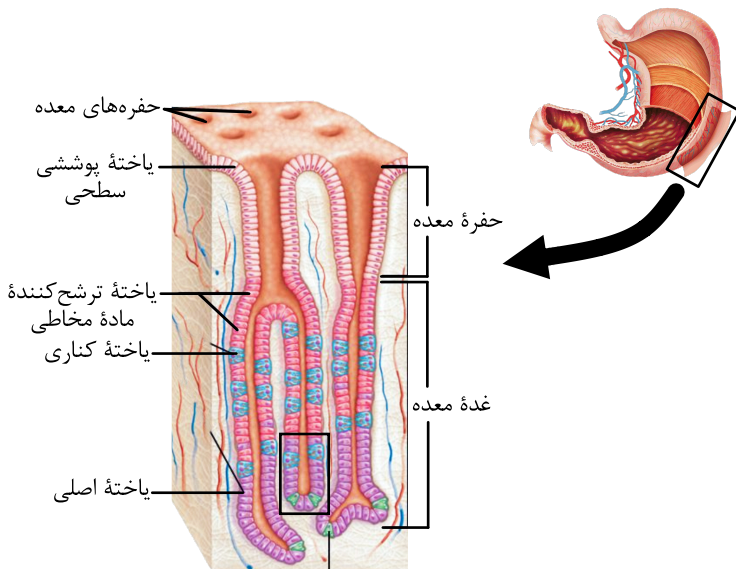
سلول‌های سطح معده و حفرهٔ آن از نوع پوششی هستند. ۱ ۲ ۳ ۴ ۳۷

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): یاخته‌های اصلی همانند یاخته‌های کناری و یاخته‌های ترشح‌کنندهٔ هورمون و حتی یاخته‌های ترشح‌کنندهٔ مادهٔ مخاطی همگی دارای تعداد زیادی میتوکندری هستند، چرا که تمام این سلول‌ها موادی مانند آنزیم و فاکتور داخلی و هورمون را از طریق اکزوسیتوز ترشح می‌کنند و برای اکزوسیتوز به *ATP* و میتوکندری نیاز است.

گزینه (۳): یاخته‌های ماهیچهٔ طولی در دو طرف خود در تماس با بافت پیوندی هستند. این یاخته‌ها از بیرون با لایهٔ خارجی لولهٔ گوارش در ارتباط هستند که از جنس بافت پیوندی است و از سمت داخل نیز با بافت پیوندی سست که بین ماهیچهٔ طولی و ماهیچهٔ حلقوی قرار دارد در تماس می‌باشند.

گزینه (۴): طبق شکل روبه‌رو، یاخته‌های کناری برخلاف یاخته‌های اصلی و ترشح‌کنندهٔ هورمون در پایین‌ترین بخش غدد معده یافت نمی‌شوند.



۳۸) ۱ ۲ ۳ ۴ تعلق می‌تواند موجب کاهش قطر تنه یک درخت شود. در اثر تورژسانس و تورم سلول‌های نگهبان، روزنه‌ها باز شده و تعرق افزایش می‌یابد.

ورود فعال یون‌ها به درون آوند چوبی موجب ایجاد فشار ریشه‌ای می‌شود.

تعرق بیشتر از روزنه‌های هوایی صورت می‌گیرد.

هورمون‌های گیاهی با باز و بسته کردن روزنه‌های هوایی در میزان تعرق نقش دارند.

۳۹) ۱ ۲ ۳ ۴ در خونریزی‌های شدید، آنزیم پروترومبیناز از گرده‌ها ترشح می‌شود و در خونریزی‌های محدود، گرده‌ها صرفاً با چسبیدن به هم ایجاد درپوش می‌کنند.

گزینه ۱: در خونریزی‌های شدید، آنزیم پروترومبیناز از گرده‌ها ترشح می‌شود که پروترومبین را به ترومبین تبدیل می‌کند (هر دو محلول هستند) دقت داشته باشید که رشته‌های فیبرین موجود در خوناب نامحلول هستند و بقیه پروتئین‌های مسیر تولید لخته خون همگی محلول می‌باشند.

گزینه ۲: آنزیم پلاسمین برای تجزیه لخته به وجود آمده در خون‌ریزی‌های شدید وارد عمل می‌شود و نه خون‌ریزی محدود

گزینه ۴: لخته از گرده‌ها، فیبرین و سایر یاخته‌های خونی که در فیبرین به دام می‌افتند تشکیل می‌شود.

۴۰) ۱ ۲ ۳ ۴ اساس تست‌های بارداری، سنجش هورمون  $HCG$  است که توسط کوریون (زده‌شامه) ترشح شده و وارد خون مادر می‌شود. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: جفت از کوریون به همراه بخشی از دیواره رحم تشکیل شده است و بند ناف از اجزای آن محسوب نمی‌شود.

گزینه ۲: هورمون  $HCG$  از جسم زرد ترشح نمی‌شود.

گزینه ۳: انتقال خون از جنین به سمت بدن مادر توسط سرخرگ‌های بند ناف (نه سیاهرگ) انجام می‌شود، در ضمن این هورمون اصلاً از جنین ترشح نمی‌شود.

۴۱) ۱ ۲ ۳ ۴ فرایند تراوش در کلافک و فرایندهای بازجذب و ترشح در شبکه مویرگی دور لوله‌ای انجام می‌شود.

خون سرخرگ آوران به کلافک وارد می‌شود و خون درون این شبکه مویرگی به وسیله سرخرگ و ابران از آن خارج می‌شود.

خون سرخرگ و ابران به شبکه مویرگی دور لوله‌ای وارد می‌شود و انشعابی از سیاهرگ کلیه خون را از شبکه مویرگی دور لوله‌ای خارج می‌کند.

۴۲) ۱ ۲ ۳ ۴

گزینه ۱: نادرست است، زیرا هر بافت استخوانی اسفنجی قطعاً توسط مغز استخوان پر نشده است برای مثال طبق شکل کتاب، بافت اسفنجی که در تنه استخوان دراز بین کانال مرکزی و بافت متراکم قرار دارد؛ فاقد مغز قرمز استخوان می‌باشد.

گزینه ۲: نادرست است، زیرا در بافت متراکم همه سلول‌های استخوانی در تیغه‌های هم‌مرکز اطراف مجرای هاورس قرار نگرفته‌اند، طبق شکل کتاب می‌توان در حد فاصل دو مجرای هاورس و نیز پوشش پیوندی خارجی سلول‌هایی دیده می‌شود که درون سیستم هاورس قرار ندارند.

گزینه ۳: درست است - زیرا در تنه استخوان‌های دراز دو صفحه رشد در دو سر آن وجود دارد و حد واسط این دو صفحه یاخته‌های استخوانی قرار دارند؛ توجه کنید که یاخته‌های استخوانی نوعی بافت پیوندی‌اند و در بین این یاخته‌ها رگ‌ها و اعصاب قرار دارند. همچنین در ساختار رگ‌ها، بافت پوششی و لایه ماهیچه صاف قابل مشاهده است؛ پس هر ۴ نوع بافت اصلی شامل (پوششی، پیوندی، عصبی و ماهیچه‌ای) داریم.

گزینه ۴: نادرست، توجه داشته باشید که قطورترین رگ‌ها در مجرای هاورس سیاهرگ‌ها هستند که خون تیره (با  $CO_2$  زیاد) دارند.



۴۳) صورت سؤال در مورد سرخرگ‌های کوچک است. در سرخرگ‌های کوچک‌تر، میزان رشته‌های کشسان، کمتر و میزان ماهیچه‌های صاف، بیشتر است. این ساختار باعث می‌شود با ورود خون، قطر این رگ‌ها تغییر زیادی نکند و در برابر جریان خون مقاومت کنند. میزان این مقاومت در زمان انقباض ماهیچه صاف دیواره، بیشتر و در هنگام استراحت، کمتر می‌شود. کم و زیاد شدن این مقاومت، میزان ورود خون به مویرگ‌ها را تنظیم می‌کند. بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: مویرگ‌ها فقط یک لایه بافت پوششی همراه با غشای پایه دارند.

گزینه ۲: بعضی مویرگ‌ها در ابتدای خود دارای بنداره هستند.

گزینه ۳: قطر سرخرگ‌های کوچک با ورود خون، تغییر زیادی نمی‌کند، نه اینکه اصلاً تغییر نکند.

گزینه ۴: در سرخرگ‌های کوچک نسبت ماهیچه صاف به رشته‌های کشسان از سرخرگ‌های بزرگ‌تر بیشتر است.

۴۴) هورمون‌های جیبیرلیک و آبسزیک‌اسید بر سرعت رشد دانه‌ها تأثیر می‌گذارند. هورمون اتیلن نوعی هورمون گازی بوده که از سوخت‌های فسیلی نیز رها می‌شود. همه این هورمون‌ها بر فعالیت گروهی از آنزیم‌ها تأثیر می‌گذارند. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: هورمون اکسین در ساخت سموم کشاورزی به کار می‌رود. این هورمون نقشی در کاهش ذخایر غذایی آندوسپرم ندارد.

گزینه ۲: هورمون اکسین محرک ریشه‌زایی در تکثیر رویشی می‌باشد. هورمون اتیلن و اکسین هر دو در فرایند ریزش برگ و چیرگی راسی نقش دارند. اما دقت کنید، در فرایند ریزش برگ، لایه محافظ در محل قاعده دمبرگ تشکیل نمی‌شود، بلکه لایه جداکننده در قاعده دمبرگ و «لایه محافظ در محل از شاخه که با بیرون در تماس است»، تشکیل می‌گردد.

گزینه ۳: هورمون آبسزیک‌اسید در بسته شدن روزنه‌های هوایی نقش دارد. از هورمون‌هایی که در تولید آنزیم‌های تجزیه‌کننده نقش دارند می‌توان به هورمون جیبیرلین (جیبیرلین سبب تولید و رهاشدن آنزیم‌های گوارشی در دانه از جمله آمیلاز می‌شود) و اتیلن (برگ در پاسخ به افزایش اتیلن به اکسین، آنزیم‌های تجزیه‌کننده دیواره را تولید می‌کنند) اشاره کرد. هورمون جیبیرلین جزء هورمون‌های بازدارنده رشد نمی‌باشد.

۴۵) الف: از نظر عملکردی (نه ساختاری!) دستگاه تنفس به دو بخش هادی و مبادله‌ای تقسیم می‌شود.

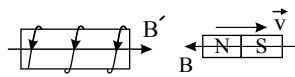
ب: عامل سطح فعال را بعضی از یاخته‌های دیواره حبابک‌ها (بخش مبادله‌ای) ترشح می‌کنند.

ج: در شکل ۳، فصل ۳ قابل مشاهده است.

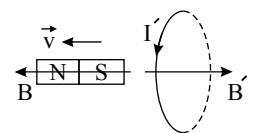
د: یاخته‌های فراوان‌تر در دیواره حبابک‌ها از نوع سنگفرشی هستند. دیواره مویرگ‌های خونی نیز از یک لایه یاخته سنگفرشی ساده تشکیل شده است.

ه: هیچکدام از انواع نایژک‌ها دارای غضروف نیستند. به قول کتاب درسی: انشعابی از نایژه که دیگر غضروف ندارد، نایژک نامیده می‌شود.

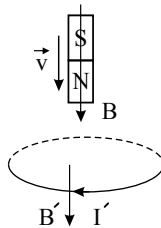
۴۶) ۱ ۲ ۳ ۴



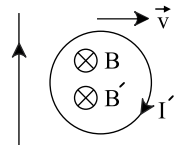
شار در حال کاهش بوده نادرست



شار در حال کاهش بوده نادرست



شار در حال افزایش بوده نادرست



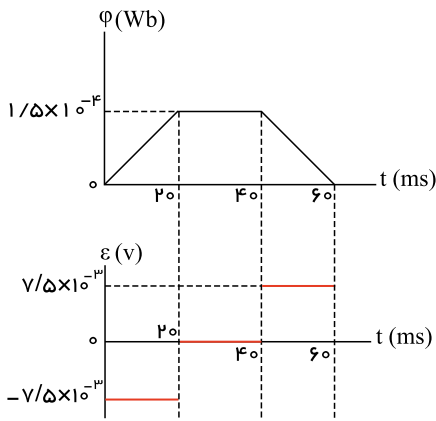
شار در حال کاهش بوده درست

۴۷) شیب خط مماس بر نمودار  $t - \varphi$  برای یک تک حلقه که عمود بر خط‌های میدان قرار دارد، با منفی نیروی محرکه القایی برابر است.

از آنجا که سطح حلقه بر خط‌های میدان عمود است، شار مغناطیسی عبوری از حلقه به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\varphi = BA \frac{B = \mu_0 \mu_r n I}{A = 5 \times 10^{-4} \text{ m}^2} \Rightarrow \varphi = 1/5 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

حال ابتدا نمودار  $t - \varphi$  و سپس از روی آن، نمودار نیروی محرکه القایی را رسم می‌کنیم:



$$(0 - 20 \text{ ms}) : \epsilon = -\text{شیب خط} = -\frac{1/5 \times 10^{-4}}{20 \times 10^{-3}} = -7/5 \times 10^{-3} \text{ V}$$

$$(20 - 40 \text{ ms}) : \epsilon = 0$$

$$(40 - 60 \text{ ms}) : \epsilon = -\text{شیب خط} = \frac{1/5 \times 10^{-4}}{20 \times 10^{-3}} = 7/5 \times 10^{-3} \text{ V}$$

۴۸ اگر فشار پیمانه‌ای در نقطه  $A$  در داخل بالن کروی را با  $P_A$  نمایش دهیم، برای پیدا کردن این فشار بر حسب  $cmHg$ ، باید فشاری

$$\text{معادل ارتفاع ستون مایعات دیگر را نیز بر حسب } cmHg \text{ بیابیم. (مایع } h_{\text{مایع}} = \frac{\rho_{\text{مایع}}}{\rho_{\text{جیوه}}} h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = \frac{\rho_{\text{مایع}}}{\rho_{\text{جیوه}}} h_{\text{مایع}} \text{ بنابراین داریم:}$$

$$P_A = P_{\text{جیوه}} - P_{\text{مایع}} + P_{\text{مایع}}$$

$$P_A = 20 \text{ cmHg} - \frac{\rho_2}{\rho_1} \times h_2 + \frac{\rho_2}{\rho_1} \times h_2$$

$$P_A = 20 - \frac{1}{4} \times 20 + \frac{1}{4} \times 20 = 25 \text{ cmHg}$$

۴۹ چون جنس آن‌ها یکسان است و ضریب انبساط خطی یکسان دارند، می‌توان برای مجموع طول آن‌ها ۳ میلی‌متر افزایش طول در نظر گرفت.

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta \theta \Rightarrow 3 \times 10^{-3} = 4 \times 10^{-5} \times (25 + 125) \times 10^{-2} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 50^\circ \text{C}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۵۰

$$\frac{\Delta T}{T} = 5 \Rightarrow T = 4 \text{ ms} = 4 \times 10^{-3} \text{ s}$$

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 4 \sin\left(\frac{2\pi}{4 \times 10^{-3}}t\right) = 4 \sin(500\pi t)$$

۵۱ چون تندی حرکت آسانسور ثابت است، اندازه کار انجام شده توسط موتور آسانسور با اندازه کار نیروی وزن برابر است؛ بنابراین:

$$W_{\text{خروجی}} = mg\Delta h = (800 + 400) \times 10 \times 6 = 72 \times 10^3 \text{ J}$$

حال با استفاده از تعریف بازده، انرژی ورودی به آسانسور را محاسبه می‌کنیم.

$$\text{بازده} = \frac{W_{\text{خروجی}}}{E_{\text{ورودی}}} \Rightarrow \frac{60}{100} = \frac{72 \times 10^3}{E_{\text{ورودی}}} \Rightarrow E_{\text{ورودی}} = 120 \times 10^3 \text{ J}$$

در انتها با استفاده از تعریف توان ورودی، داریم:

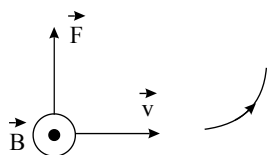
$$P_{\text{ورودی}} = \frac{E_{\text{ورودی}}}{t} \Rightarrow 3 \times 10^3 = \frac{120 \times 10^3}{t} \Rightarrow t = 40 \text{ s}$$

۵۲ ابتدا اندازه نیروی وارد بر ذره باردار را محاسبه می‌کنیم:

$$F = |q| v B \sin \theta \xrightarrow{\theta=90^\circ} F = 10 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^5 \times 200 \times 10^{-4} = 0.8 \text{ N}$$

از طرفی باتوجه به قاعده دست راست، و در نظر گرفتن این نکته که بار ذره منفی است، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار به

سمت بالا خواهد شد. پس مسیر حرکت ذره روی دایره‌ای است که  $\vec{F}$  به سمت مرکز آن قرار دارد.



۵۳ به دلیل خطی بودن دما بر حسب کمیت مورد استفاده در دماسنج‌ها می‌توانیم به این شکل عمل کنیم:

دماسنج  
مجهول سانتی‌گراد

$$\left\{ \begin{array}{l} 20 \rightarrow 30 \\ 50 \rightarrow 40 \\ X \rightarrow x \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{50 - 20}{x - 20} = \frac{40 - 30}{x - 30} \Rightarrow x = 35^\circ C$$

۵۴ در اینجا فقط نیروی اصطکاک بر روی خودرو کار انجام می‌دهد، پس کافی است، جابه‌جایی خودرو را از لحظه ترمز تا توقف بیابیم. ۱ ۲ ۳ ۴

$$W_t = K_2 - K_1$$

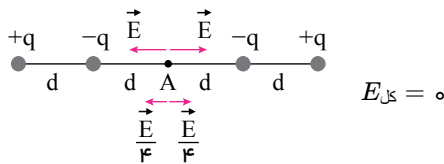
$$W_f = -K_1 \Rightarrow fd \cos 180^\circ = -\frac{1}{4} \times 1500 \times 10^2 \Rightarrow 750 \times d \times (-1) = -\frac{1}{4} \times 1500 \times 100 \Rightarrow d = 100m$$

بنابراین اتومبیل در فاصله ۲۰ متری از مانع متوقف می‌شود.

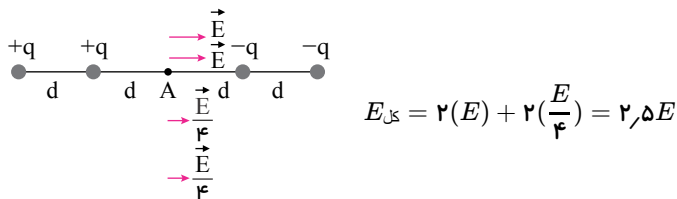
۵۵ بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار  $q$  از آن را برابر  $E$  در نظر می‌گیریم؛ در نتیجه بزرگی میدان الکتریکی بار  $q$  در فاصله  $2d$  از آن ۱ ۲ ۳ ۴

برابر  $\frac{E}{4}$  می‌شود و داریم:

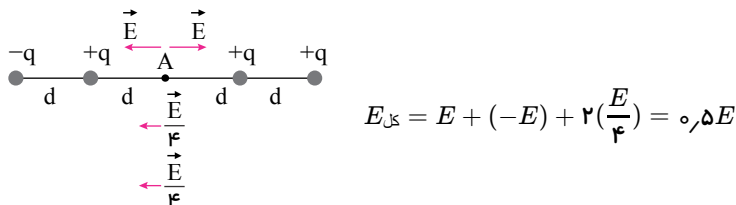
گزینه (۱):



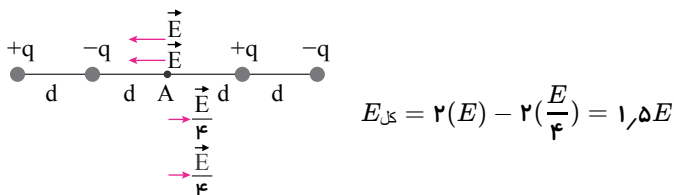
گزینه (۲):



گزینه (۳):



گزینه (۴):



۵۶ می‌دانیم یکی از خواص گازها این است که فاصله میانگین بین مولکول‌ها در مقایسه با اندازه مولکول‌ها بسیار بیشتر می‌باشد. پس ماده ۱ ۲ ۳ ۴

موردنظر گاز بوده است. اکنون به بررسی تک‌تک گزینه‌ها می‌پردازیم:

بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: گازها قابل تراکم هستند. یعنی اگر مقداری گاز درون یک سرنگ قرار دهیم و انتهای سرنگ را مسدود کنیم و پیستون آن را بفشاریم، پیستون به راحتی حرکت می‌کند و گاز را متراکم می‌سازد.

گزینه ۲: فاصله بین ذرات در گازها مانند هوا به‌طور میانگین حدود  $3.5 \text{ \AA}$  است.

گزینه ۳: در جامدات است که ذرات به سبب اعمال نیروهای الکتریکی به یکدیگر، در کنار هم باقی می‌مانند.

گزینه ۴: پدیده پخش هم در مایعات رخ می‌دهد و هم در گازها. اما سرعت رخداد آن در گازها بیشتر است.



۱ ۲ ۳ ۴ ۵۷

$$\frac{R_{cu}}{R_{AL}} = \frac{\rho_{cu}}{\rho_{AL}} \times \frac{L_{cu}}{L_{AL}} \times \frac{A_{AL}}{A_{cu}} \xrightarrow{\frac{R_{cu}=R_{AL}}{A_{AL}=A_{cu}}} 1 = \frac{1}{2} \times \frac{L_{cu}}{L_{AL}} \Rightarrow L_{cu} = 2L_{AL} (*)$$

$$\frac{m_{cu}}{m_{AL}} = \frac{\rho'_{cu}}{\rho'_{AL}} \times \frac{A_{cu}L_{cu}}{A_{AL}L_{AL}} \xrightarrow{(*)} \frac{m_{cu}}{m_{AL}} = \frac{9}{2 \times 2} \times 2 = \frac{20}{3}$$

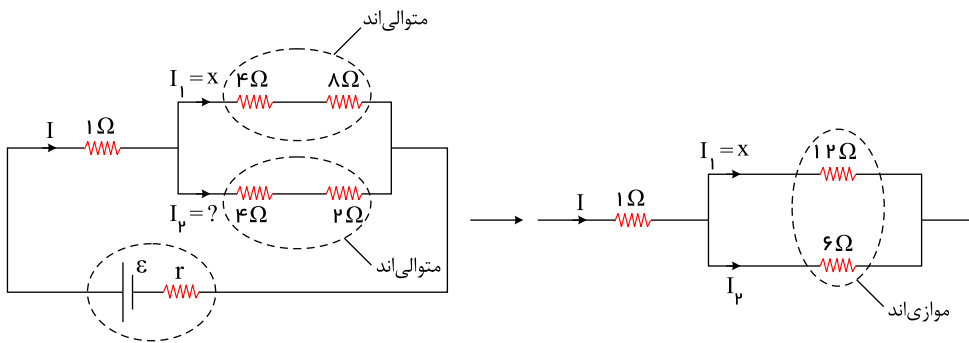
با توجه به اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم: ۱ ۲ ۳ ۴ ۵۸

$$E_P = E_Q \Rightarrow K_P + U_P = K_Q + U_Q \Rightarrow 0 + mgh_P = \frac{1}{2}mv_Q^2 + mgh_Q$$

$$\Rightarrow v_Q^2 = 2g(h_P - h_Q) \Rightarrow v_Q^2 = 2 \times 10 \times (7 - 2) = 100 \Rightarrow v_Q = 10 \frac{m}{s}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۵۹

جریان در شاخه‌ای که مقاومت  $8\Omega$  در آن قرار دارد  
را  $x$  فرض می‌کنیم  
و جریان شاخه‌ای که مقاومت  $2\Omega$  در آن قرار دارد  
را به دست می‌آوریم  
و از مجموع آن‌ها جریان مقاومت  $1\Omega$  را به دست می‌آوریم:



$$V_{12\Omega} = V_{6\Omega} \Rightarrow 12x = 6I_2 \Rightarrow I_2 = 2x$$

جریان مقاومت  $1\Omega$  را می‌یابیم و نسبت توان مصرفی در مقاومت  $1\Omega$  و  $8\Omega$  را به دست می‌آوریم:

$$I = I_1 + I_2 \xrightarrow{I_2=2x} I = x + 2x = 3x$$

$$\frac{P_{1\Omega}}{P_{8\Omega}} = \frac{1 \times I^2}{8 \times I_1^2} \Rightarrow \frac{P_{1\Omega}}{P_{8\Omega}} = \frac{9x^2}{8x^2} = \frac{9}{8}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۰

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 900 = \frac{9 \times 10^9 \times |q_1||q_2| \times 10^{-12}}{10^{-4}} \Rightarrow |q_1||q_2| = 10 (\mu C)^2$$

فقط در گزینه ۲، حاصلضرب اندازه دو بار  $10 (\mu C)^2$  می‌شود.

تغییر حجم آب استوانه برابر با حجم قطعه سنگ است، حال طبق رابطه چگالی جرم آن را می‌یابیم: ۱ ۲ ۳ ۴ ۶۱

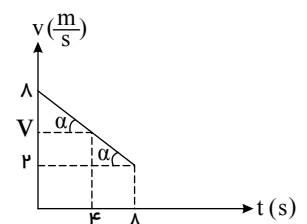
$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V \xrightarrow{\rho = 6000 \frac{kg}{m^3} = 6 \frac{g}{cm^3}, V = 25 cm^3} m = 6 \times 25 = 150g$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۲

$$\frac{\lambda - v}{4} = \frac{\lambda - 2}{\lambda} \Rightarrow v = 5 \frac{m}{s}$$

$$\left. \begin{aligned} W_{(0-4s)} &= \frac{1}{2}m(v_{fs}^2 - v_0^2) = \frac{1}{2} \times m \times (25 - 64) = -\frac{39}{2}m \\ W_{(4s-8s)} &= \frac{1}{2}m(v_{\lambda s}^2 - v_{fs}^2) = \frac{1}{2} \times m \times (4 - 25) = -\frac{21}{2}m \end{aligned} \right\}$$

$$\Rightarrow \frac{W_{(0-4s)}}{W_{(4s-8s)}} = \frac{-\frac{39}{2}m}{-\frac{21}{2}m} = \frac{39}{21}$$

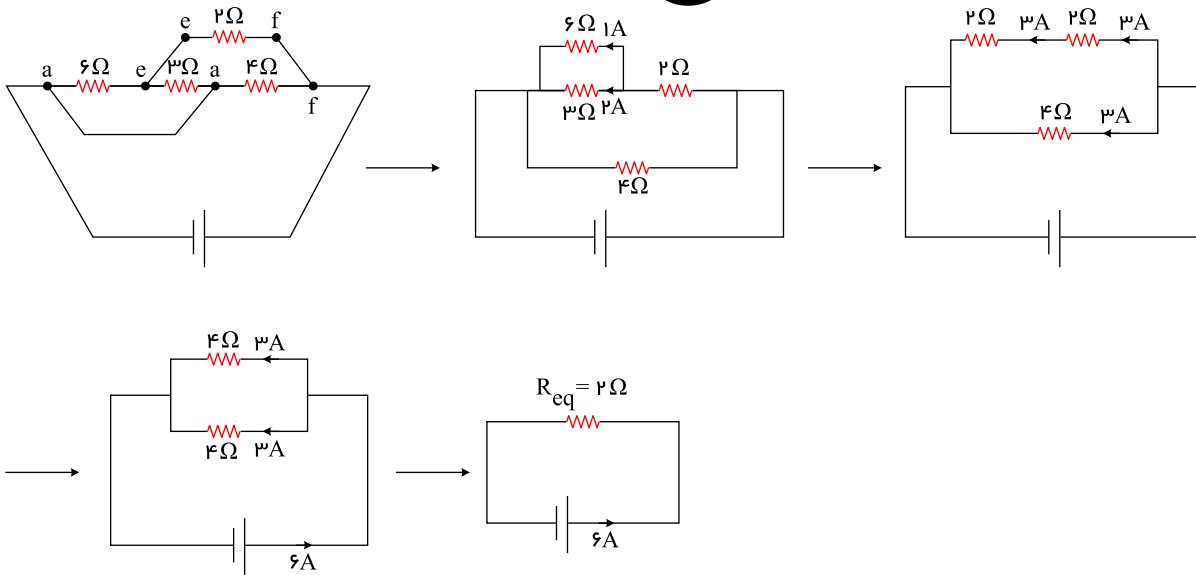


۱ ۲ ۳ ۴ ۶۳

برای سادگی می‌توان با روش نام‌گذاری، مدار را کمی ساده‌تر کرد و جریان هر مقاومت را به دست آورد.

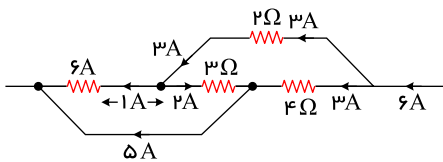
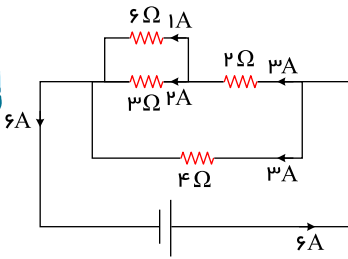


دکتر ماهده خداپرست

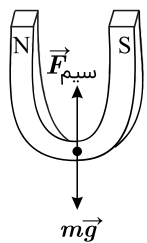


$$I_T = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{2 + 0} = 6A$$

حال جریان کل را تقسیم می‌کنیم تا جریان هر مقاومت محاسبه شود. حالا که جریان هر مقاومت را به دست آوردیم، دوباره به مدار اصلی برمی‌گردیم تا جهت‌های جریان را در مدار اولیه به دست آوریم:

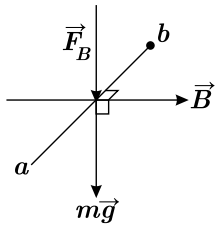


۱ ۲ ۳ ۴ ۶۴



برای آن که ترازو عدد صفر را نشان دهد باید نیروی وزن آهنربا توسط عکس‌العمل نیروی مغناطیسی‌ای که از طرف آهنربا بر سیم وارد می‌شود، خنثی شود، بنابراین می‌توان نوشت:

$$\vec{F}_B = mg \Rightarrow F = IlB \sin 90^\circ = mg \Rightarrow I = \frac{mg}{lB} = \frac{0,4 \times 10}{0,4 \times 0,8} \Rightarrow I = 12,5A$$



باتوجه به شکل، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر آهنربا از طرف سیم به طرف بالا می‌باشد، بنابراین طبق قانون سوم نیوتن، نیروی مغناطیسی‌ای که از طرف آهنربا بر سیم وارد می‌شود باید هم‌اندازه و در خلاف جهت نیروی مغناطیسی‌ای باشد که از طرف سیم بر آهنربا وارد می‌شود. بنابراین جهت نیروی مغناطیسی وارد بر سیم به طرف پایین است که باتوجه به جهت میدان مغناطیسی که از چپ به راست می‌باشد و با استفاده از قاعده دست راست، جهت جریان در سیم از  $a$  به  $b$  خواهد بود.

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۵

$$W_E = \Delta K \Rightarrow -\Delta U = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \Delta U = \left(-\frac{1}{2}m\right)v^2$$

قسمتی از نمودار یک سهمی وارون است که مطابق گزینه ۳ می‌شود.

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۶

$$A = A_2 - A_1 = \pi(R_2^2 - R_1^2) = \pi(400 - 100) = 300\pi$$

$$\Delta A = A(2\alpha)\Delta T = 300\pi \times 4 \times 10^{-4} \times 100 \rightarrow \Delta A = 12\pi cm^2$$

$$A'_2 = A + \Delta A \Rightarrow A'_2 = 312\pi cm^2$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۷ اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_1$  را از ولتاژ دو سر کل مدار (در اینجا  $V_1$ ) کم کنیم، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_{t1}$  بدست می‌آید که با تقسیم این ولتاژ به جریان عبوری از آن (در اینجا عدد آمپرسنج) مقاومت  $R_{t1}$  بدست می‌آید. یعنی:

$$V_1 = R_1 I + V_2 \rightarrow 100 = 10 \times 4 + V_2 \rightarrow V_2 = 60V \quad \text{و} \quad R_{t1} = \frac{V_2}{I} = \frac{60}{4} = 15\Omega$$

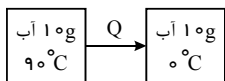
تنها گزینه‌ای که مقاومت آن  $15\Omega$  می‌شود، گزینه ۲ است.

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۸ با کاهش مقاومت  $R_2$ ، مقاومت معادل مدار کاهش و جریان مدار افزایش می‌یابد. ( $A$  افزایش)

عدد ولت‌سنج  $V_1$  باتوجه به ثابت بودن  $R_1$  و افزایش جریان مدار، افزایش می‌یابد. ( $V_1$  افزایش)

عدد ولت‌سنج  $V_2$  باتوجه به ثابت بودن  $R_3$  کمتر شدن جریان عبوری از  $R_3$ ، کاهش می‌یابد. ( $V_2$  کاهش)

۱ ۲ ۳ ۴ ۶۹



ابتدا فرض می‌کنیم که آب و یخ هر دو به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل می‌شوند. حال با توجه به این فرض، مقدار گرمایی که آب از دست می‌دهد با گرمایی که یخ می‌گیرد تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود مقایسه می‌کنیم:

$$Q = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta_{\text{آب}} \xrightarrow{m=10g=0.01kg, \Delta\theta_{\text{آب}}=0-90=-90^\circ C} |Q| = 0.01 \times c_{\text{آب}} \times 90 = 0.9c_{\text{آب}}$$

$$Q' = Q'_1 + Q'_2 = m_{\text{یخ}} c_{\text{یخ}} \Delta\theta_{\text{یخ}} + m_{\text{یخ}} L_F \xrightarrow{m_{\text{یخ}}=10g=0.01kg, \Delta\theta_{\text{یخ}}=0-(-10)=10^\circ C, c_{\text{یخ}}=\frac{1}{2}c_{\text{آب}}, L_F=80c_{\text{آب}}} \rightarrow$$

$$Q' = (0.01 \times \frac{c_{\text{آب}}}{2} \times 10) + (0.01 \times 80c_{\text{آب}}) = 0.85c_{\text{آب}}$$

پس مقدار گرمایی که آب از دست می‌دهد، بیشتر از گرمایی است که یخ نیاز دارد پس این مقدار آب کل یخ را ذوب می‌کند و سپس مقدار گرمای اضافی باعث افزایش دمای مجموعه به بالاتر از  $0^\circ C$  می‌شود.

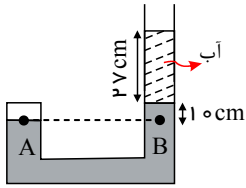
$$Q_{\text{اضافی}} = 0.9c_{\text{آب}} - 0.85c_{\text{آب}} = 0.05c_{\text{آب}}$$

$$Q_{\text{اضافی}} = (m_{\text{آب}} + m_{\text{یخ}})c_{\text{آب}}\Delta\theta' \Rightarrow 0.05c_{\text{آب}} = (0.01 + 0.01)c_{\text{آب}}\Delta\theta' \Rightarrow \Delta\theta' = \frac{0.05c_{\text{آب}}}{0.02c_{\text{آب}}} = 2.5^\circ C$$

پس دمای نهایی تعادل  $2.5^\circ C$  است.

۱ ۲ ۳ ۴ ۷۰

فشار در نقاط هم تراز از یک مایع ساکن برابر است. از طرفی فشار گاز محبوس را بر حسب سانتی متر جیوه می‌خواهیم. لذا ابتدا فشار آب را بر حسب سانتی متر جیوه به دست می‌آوریم.



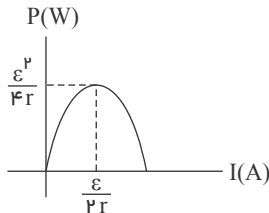
$$\rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}} \Rightarrow 1 \times 27 = 13.6 \times h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 2 \text{ cm} \Rightarrow P_{\text{آب}} = 2 \text{ cmHg}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow P_g = P_{\text{جیوه}} + P_{\text{آب}} + P_0$$

$$\Rightarrow P_g = 10 + 2 + 70 = 82 \text{ cm} \Rightarrow P_g = 82 \text{ cmHg}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۷۱

با توجه به مقادیر مشخص شده روی نمودار ابتدا مقدار مقاومت داخلی مولد ( $r$ ) را به دست می‌آوریم:



$$\frac{\varepsilon}{2r} = 4 \xrightarrow{\varepsilon=8} \frac{8}{2r} = 4 \rightarrow r = 1 \Omega$$

سپس با استفاده از نمودار برای محاسبه  $P_{max}$  داریم:

$$P_{max \text{ مفید}} = \frac{\varepsilon^2}{4r} = \frac{8^2}{4 \times 1} = 16 \text{ W}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۷۲ به بررسی هر یک از گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه ۱:

$$1.6 \times 10^3 \mu\text{g} = 1.6 \times 10^3 \mu\text{g} \times \frac{10^{-6} \text{ g}}{1 \mu\text{g}} \times \frac{1 \text{ Mg}}{10^6 \text{ g}} = \frac{1.6 \times 10^3 \times 10^{-6}}{10^6} \text{ Mg} = 1.6 \times 10^{-9} \text{ Mg}$$

گزینه ۲:

$$0.24 \text{ cm}^2 = 0.24 \text{ cm}^2 \times \left(\frac{10^{-2} \text{ m}}{1 \text{ cm}}\right)^2 \times \left(\frac{1 \text{ mm}}{10^{-3} \text{ m}}\right)^2 = 0.24 \text{ cm}^2 \times \frac{10^{-4} \text{ m}^2}{1 \text{ cm}^2} \times \frac{1 \text{ mm}^2}{10^{-6} \text{ m}^2} = 0.24 \times 100 \text{ mm}^2 = 24 \text{ mm}^2$$

گزینه ۳:

$$54 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 54 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{10^3 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{60 \text{ min}} = \frac{54 \times 10^3}{60} \frac{\text{m}}{\text{min}} = 900 \frac{\text{m}}{\text{min}}$$

گزینه ۴:

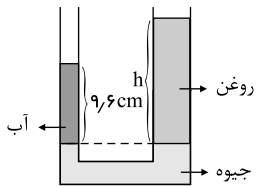
$$1 \frac{\text{g}}{\text{L}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{L}} \times \frac{1 \text{ kg}}{10^3 \text{ g}} \times \frac{10^3 \text{ L}}{1 \text{ m}^3} = \frac{10^3 \text{ kg}}{10^3 \text{ m}^3} = 1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۷۳ اگر حجم کل را  $V$  فرض کنیم،  $V_1 = \frac{2}{5}V$  و  $V_2 = \frac{3}{5}V$  است. حال چون از جرم حرفی نزده، به جای  $m$ ، حاصل ضرب  $\rho V$  قرار

می‌دهیم. بنابراین برای تعیین چگالی مخلوط داریم:

$$\rho = \frac{m_1 + m_2}{v_1 + v_2} = \frac{\rho_1 v_1 + \rho_2 v_2}{v_1 + v_2} \Rightarrow \frac{\rho_1 \times \frac{2}{5}V + \rho_2 \times \frac{3}{5}V}{V} = \frac{2}{5}\rho_1 + \frac{3}{5}\rho_2 = \frac{2\rho_1 + 3\rho_2}{5}$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۷۴ شکل جدید لوله را پس از اضافه کردن روغن و هم ترازای جیوه در دو طرف لوله، رسم می‌کنیم:



$$\rho_{\text{روغن}} h_{\text{روغن}} = \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = 1 \times 9.6 = 0.8 h_{\text{روغن}} \Rightarrow h_{\text{روغن}} = 12 \text{ cm}$$

حال می‌توان به کمک رابطه چگالی، جرم روغن اضافه شده را حساب کرد:

$$m = \rho V = \rho A h = 0.8 \times 8 \times 12 = 76.8 \text{ g}$$

گام یکم: ظرفیت خازن را به دست می‌آوریم: **(۷۵)** ۱ ۲ ۳ ۴

$$C = \frac{\kappa \epsilon_0 A}{d} = \frac{2 \times 9 \times 10^{-12} \times 1 \times 10^{-4}}{3 \times 10^{-3}} = 6 \times 10^{-13} \text{ F}$$

گام دوم: به کمک میدان الکتریکی بین دو صفحه خازن، اختلاف پتانسیل دوسر خازن را به دست می‌آوریم:

$$E = \frac{V}{d} \Rightarrow 200 \times 10^3 = \frac{V}{3 \times 10^{-3}} \Rightarrow V = 600 \text{ V}$$

دقت کنید که میدان الکتریکی را بر حسب  $\frac{N}{C}$  جایگذاری کرده‌ایم. با توجه به اینکه بیشترین میدان الکتریکی ذخیره شده در خازن می‌تواند  $200 \times 10^3 \frac{N}{C}$  باشد،

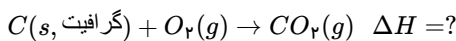
بنابراین بیشترین اختلاف پتانسیلی که می‌توان به دوسر خازن اعمال کرد تا دچار فروریزش نشود،  $600 \text{ V}$  است و بیشترین انرژی ذخیره شده در خازن به صورت زیر به دست می‌آید:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times (6 \times 10^{-13}) \times (600)^2 = 1.08 \times 10^{-9} \text{ J} = 1.08 \text{ nJ}$$

**(۷۶)** ۱ ۲ ۳ ۴ طبق قانون هس،  $\Delta H_1$  برابر با  $110.5 - (-283) - (-393.5)$  کیلوژول می‌باشد، پس برای تجزیه یک مول گاز کربن مونوکسید

به  $O_2(g)$  و  $C(s)$ ، باید  $110.5$  کیلوژول انرژی مصرف کرد و مطابق شکل برای تجزیه یک مول کربن دی‌اکسید به  $O_2(g)$  و  $C(s)$ ، باید  $393.5$  کیلوژول انرژی مصرف کرد.

**(۷۷)** ۱ ۲ ۳ ۴



برای محاسبه  $\Delta H$  این واکنش به کمک قانون هس باید واکنش‌های (I) و (III) را وارونه و با واکنش (II) جمع کرد. بنابراین:

$$\Delta H = 572 + (-75.5) + (-890) = -393.5 \text{ kJ}$$

$$? \text{ kJ} = 9.6 \text{ g C} \times \frac{1 \text{ mol C}}{12 \text{ g C}} \times \frac{393.5 \text{ kJ}}{1 \text{ mol C}} = 314.8 \text{ kJ}$$

**(۷۸)** ۱ ۲ ۳ ۴ در دوره چهارم عنصر گالیم ( $31 \text{ Ga}$ ) عنصری است اصلی که متعلق به گروه ۱۳ است و یون پایدار آن به آرایش گاز نجیب نمی‌رسد

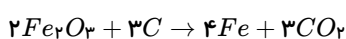
این دوره دارای ۱۶ عنصر است که در آنها تراز  $3d$  پر یا در حال پر شدن است. ولی در مجموع در ۸ عنصر آن  $d$  کاملاً پر است و در عنصرهای  $Cr$  و  $Mn$  نیمه پر است (۵ عنصر) و در بقیه در حال پر شدن است. دارای ۴ عنصر است که در آنها  $k$  و  $Mn$  و  $Cu$  و  $As$  فقط یک زیرلایه نیمه پر دارند.

۳ عنصر  $K$  و  $Cr$  و  $Cu$  به  $4s^1$  ختم می‌شوند.

**(۷۹)** ۱ ۲ ۳ ۴ واکنش (I) انجام پذیر نیست؛ بنابراین واکنش پذیری عنصر  $B$  بیشتر از عنصر  $A$  است و از طرف دیگر واکنش (II) انجام پذیر است؛

بنابراین واکنش پذیری عنصر  $B$  بیشتر از  $D$  می‌باشد و تمایل عنصر  $B$  برای از دست دادن الکترون، بیشتر از دو عنصر  $A$  و  $D$  است. با توجه به این که واکنش پذیری عنصر منیزیم از دو عنصر روی و آهن بیشتر است؛ بنابراین عناصر  $A$ ،  $B$  و  $D$  به ترتیب می‌توانند روی، منیزیم و آهن باشند. با توجه به این که واکنش پذیری عنصر  $B$  بیشتر از  $A$  است؛ بنابراین تأمین شرایط نگهداری عنصر  $B$  دشوارتر از  $A$  است. اگر  $A$  و  $D$  در یک گروه قرار داشته و عدد اتمی  $D$  بیشتر از  $A$  باشد، واکنش پذیری عنصر  $D$  بیشتر از  $A$  بوده و در نتیجه، ترتیب واکنش پذیری سه عنصر به صورت  $A > D > B$  خواهد بود.

واکنش انجام شده به صورت روبه‌رو است: **(۸۰)** ۱ ۲ ۳ ۴



$$? \text{ ton Fe} = 200 \text{ ton سنگ معدن} \times \frac{10^6 \text{ g سنگ معدن}}{1 \text{ ton سنگ معدن}} \times \frac{x \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{10^6 \text{ g سنگ معدن}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{160 \text{ g Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{4 \text{ mol Fe}}{2 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{56 \text{ g Fe}}{1 \text{ mol Fe}} \times \frac{1 \text{ ton Fe}}{1 \times 10^6 \text{ g Fe}} \times \frac{75}{100}$$

$$= 14 \text{ ton Fe} \Rightarrow x = 8\% \text{ درصد خلوص}$$



۱ ۲ ۳ ۴ ۸۱

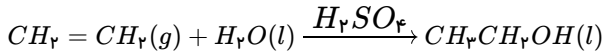
$F_1 =$  فراوانی ایزوتوپ سنگین تر  $\Rightarrow 100 - F_1 =$  فراوانی ایزوتوپ سبک تر  $(^1B)$

$$107.8 = \frac{(10 \times F_1) + 11 \times (100 - F_1)}{100} \Rightarrow 100 \times 107.8 = 10F_1 + 1100 - 11F_1$$

$\Rightarrow F_1 = 20$  : فراوانی ایزوتوپ  $^{10}B$  ،  $F_2 = 100 - 20 = 80$  :  $^{11}B$  فراوانی ایزوتوپ

بررسی گزینه‌ها: ۱ ۲ ۳ ۴ ۸۲

گزینه ۱: فراورده این واکنش اتانول می‌باشد که به هر نسبتی در آب حل می‌شود.



گزینه ۲: در بنزن ۳ پیوند دوگانه و در نفتالن ۵ پیوند دوگانه وجود دارد.

گزینه ۳: دومین آلکان اتان است که ۸۰ درصد جرم آن را کربن تشکیل می‌دهد.

$$C \text{ درصد جرمی} = \frac{12 \times 2}{(12 \times 2) + 6} \times 100 = 80\%$$

گزینه ۴: ترکیب داده شده یک آلکان است و آلکان‌ها می‌توانند در واکنش‌های سوختن شرکت کنند.

۱ ۲ ۳ ۴ ۸۳

$$^{75}M^{3+} : n - e = 12 \Rightarrow n = 12 + e$$

در یون  $M^{3+}$ ، تعداد الکترون‌ها، ۳ واحد کمتر از تعداد پروتون‌ها (عدد اتمی) است:  $e = z - 3$

$$n = 12 + e \Rightarrow n = 12 + (Z - 3) \Rightarrow n = 9 + Z$$

$$A = Z + n \Rightarrow 75 = Z + 9 + Z \Rightarrow 66 = 2Z \rightarrow Z = 33$$

این عنصر سه خانه قبل از کریپتون (گاز نجیب گروه ۱۸) و در دوره چهارم قرار دارد؛ پس عنصر  $M$  متعلق به گروه ۱۵ و دوره چهارم است.

۱ ۲ ۳ ۴ ۸۴ با توجه به فرمول مولکولی بنزوئیک اسید ( $C_7H_6O_2$ ) و فرمول مولکولی ۲-هیتانول ( $C_7H_{14}O$ )، تفاوت مجموع شمار اتم‌ها در

فرمول شیمیایی این دو ترکیب برابر ۷ می‌باشد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) از بنزوئیک اسید به‌عنوان نگهدارنده استفاده می‌شود.

۲

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{بنزوئیک اسید} \\ \text{بنزالدهید} \end{array} \right. \begin{array}{l} C_7H_6O_2 \\ C_7H_6O \end{array} \Rightarrow \text{تفاوت جرم مولی} = 16g, \left\{ \begin{array}{l} \text{استون} \\ \text{اتانول} \end{array} \right. \begin{array}{l} C_3H_6O \\ C_2H_6O \end{array} \Rightarrow \text{تفاوت جرم مولی} = 12g$$

۳) به دلیل داشتن حلقه بنزنی و گروه کربوکسیل ( $-COOH$ )، این ترکیب یک کربوکسیلیک اسید آروماتیک به شمار می‌آید.

۱ ۲ ۳ ۴ ۸۵ عنصرهای  $X$ ،  $Y$  و  $Z$  به ترتیب  $^{31}Ga$ ،  $^{14}Si$  و  $^{10}Ne$  هستند.

بررسی گزینه‌ها:

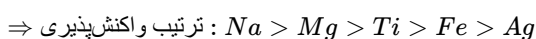
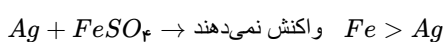
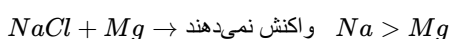
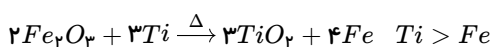
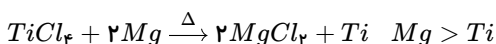
گزینه ۱: عنصر  $X$  دارای عدد اتمی ۳۱ است.

گزینه ۲: سیلیسیم دارای رسانایی الکتریکی کمی است.

گزینه ۳:  $^{31}Ga$  فلز و  $^{14}Si$  شبه فلز است.

گزینه ۴: تعداد الکترون‌های ظرفیت اتم  $^{10}Ne$  برابر ۸ و تعداد الکترون‌های ظرفیت اتم  $CO$  برابر ۹ است.

۱ ۲ ۳ ۴ ۸۶ به واکنش‌ها و مقایسه واکنش پذیری عناصر توجه فرمایید:



۱ ۲ ۳ ۴ ۸۷ آنتالپی پیوند  $N \equiv N$  بیشتر از آنتالپی پیوند  $C \equiv C$  است:

$H-C \equiv C-H$  استیلن :  $N \equiv N$  : گاز نیتروژن

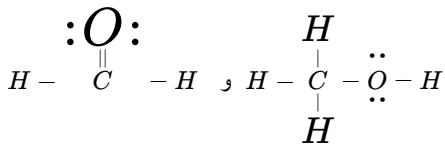


بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه ۱: آنتالپی پیوند دوگانه کربن - کربن از دو برابر آنتالپی پیوند یگانه کربن - کربن کمتر است.

گزینه ۲: به انرژی لازم برای شکستن یک مول پیوند  $H-H$  گازی و تبدیل آن به اتم‌های گازی سازنده، آنتالپی پیوند  $H-H$  می‌گویند.

گزینه ۴:

پیوند کربن - اکسیژن در ساختار  $CH_3OH$  یگانه و در ساختار  $CH_2O$  دوگانه است. پس آنتالپی پیوند کربن - اکسیژن در  $CH_2O$  بیشتر از  $CH_3OH$  است.
 ۱  ۲  ۳  ۴  ۸۸

$$[-R_A = -4R_B = \frac{R_C}{3} = \frac{R_D}{2}] \times \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{-R_A}{4} = -R_B = \frac{R_C}{12} = \frac{R_D}{8} \Rightarrow 4A + B \rightarrow 12C + 8D$$

$$?gD = 0,112L_A \times \frac{1molA}{22,4L_A} \times \frac{8molD}{4molA} \times \frac{100gD}{1molD} = 1gD$$

زمین بخش قابل توجهی از گرمای جذب شده را به شکل پرتوهایی با طول موج بلندتر از دست می‌دهد. این پرتوها که از جنس امواج

الکترومغناطیس می‌باشند، مربوط به ناحیهٔ فروسرخ هستند.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه ۱: همهٔ امواج فروسرخ گسیل شده از زمین از هواکره عبور نمی‌کنند.

گزینه ۲: اثر گلخانه‌ای مربوط به پرتوهای فروسرخ است که از زمین تابش شده و به وسیلهٔ برخی از مولکول‌های هواکره مانند آب و کربن دی‌اکسید به دام می‌افتند و بدین ترتیب زمین را گرم‌تر می‌کنند.

گزینه ۳: بیشتر پرتوهای خورشیدی که به زمین تابیده می‌شوند، به وسیلهٔ زمین جذب می‌شوند و زمین بخش زیادی از گرمای جذب شده را به شکل پرتوهای فروسرخ از دست می‌دهد.

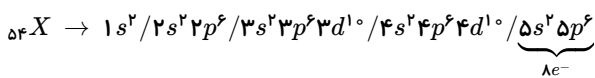
 ۱  ۲  ۳  ۴  ۹۰

ردیف‌های دوم و سوم، حاوی اطلاعات کاملاً درستی هستند.

بررسی تمام نکات:

پلی‌سیانو اتن: دارای مونومر سیانو اتن است که هر مولکول آن دارای یک جفت الکترون ناپیوندی و ۷ اتم می‌باشد. کاربرد پلی‌سیانو اتن در ساخت پتو است. پلی‌وینیل کلرید: دارای مونومر وینیل کلرید است که هر مولکول آن دارای ۳ جفت الکترون ناپیوندی و ۶ اتم می‌باشد. کاربرد این پلیمر در ساخت کیسه‌های خون است.

تفلون: دارای مونومر تترا فلوروئورواتن است که هر مولکول آن دارای ۶ اتم و ۱۲ جفت الکترون ناپیوندی است. از تفلون در ساخت ظروف نجسب استفاده می‌شود.

 ۱  ۲  ۳  ۴  ۹۱
 $54X$  دارای ۵ زیرلایهٔ  $s$  می‌باشد که در هر کدام ۲ الکترون وجود دارد و کلاً دارای  $10e^-$  هستند. با توجه به این که اتم عنصر مورد نظر دارای هشت الکترون با  $n=5$  است، آرایش الکترونی آن به  $5s^2 5p^6$  ختم می‌شود که این آرایش با عدد اتمی ۵۴ مطابقت دارد.
 ۱  ۲  ۳  ۴  ۹۲

در اتم هیدروژن، فقط انتقال‌های الکترونی از لایه‌های برانگیخته بالاتر به لایهٔ دوم، نوری در ناحیهٔ مرئی نشر می‌کنند.

در نتیجه گزینه‌های (۳) و (۴) سریع حذف می‌شوند.

همچنین هرچه فاصلهٔ سطح انرژی لایهٔ برانگیخته و لایهٔ دوم کمتر باشد، انرژی نور نشر شده کمتر و طول موج آن بلندتر خواهد بود.

 ۱  ۲  ۳  ۴  ۹۳
فرض کنید مادهٔ مورد نظر،  $x$  باشد؛ وقتی سرعت متوسط تولید این ماده از دقیقهٔ صفر تا ۳ برابر  $1 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$  است؛ خواهیم

داشت:

$$\bar{R}_x = \frac{\Delta n(x)}{\Delta t} \Rightarrow 0,1 = \frac{\Delta n(x)}{3} \Rightarrow \Delta n(x) = 0,3 \text{ mol}$$

پس تعداد مول‌های تولیدی  $x$  در ۳ دقیقهٔ اول برابر  $0,3$  است و چون سرعت متوسط تولید این ماده از دقیقهٔ ۳ تا ۵ یعنی طی ۲ دقیقه برابر  $0,5 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$  است؛ داریم:

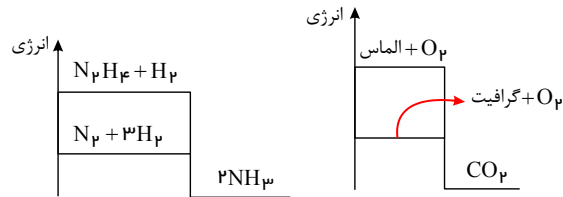


$$\bar{R}_x = \frac{\Delta n(x)}{\Delta t} \Rightarrow 0,05 = \frac{\Delta n(x)}{2} \Rightarrow \Delta n(x) = 0,1 \text{ mol}$$

پس تعداد مول‌های تولیدی  $x$  در ۲ دقیقه بعدی برابر ۰٫۱ است. حالا متوجه می‌شویم که در ۵ دقیقه اول، مقدار  $0,4 \text{ mol}$  برابر  $0,3 + 0,1$  از ماده  $x$  تولید شده است. پس خواهیم داشت:

$$\bar{R}_x = \frac{\Delta n(x)}{\Delta t} = \frac{0,4 \text{ mol}}{5 \text{ min}} = 0,08 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

گزینه‌های ۱ و ۲: با توجه به نمودار انرژی واکنش‌های داده‌شده که به صورت زیر می‌باشد: مواد واکنش‌دهنده در واکنش (I) از واکنش (II) پایدارترند و گرافیت نیز از الماس پایدارتر می‌باشد.



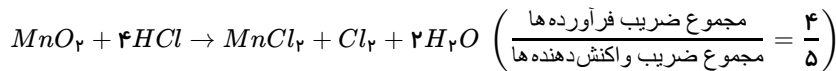
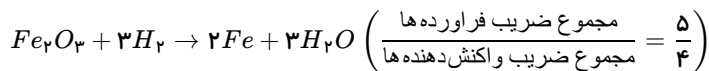
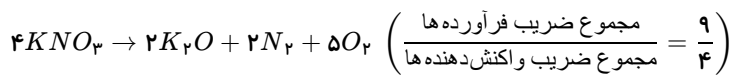
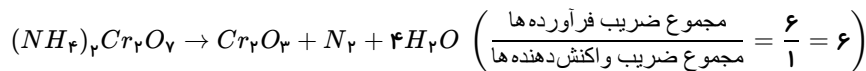
گزینه ۳:

$$?kJ = 14,4g C \times \frac{1 \text{ mol C}}{12g C} \times \frac{395,4kJ}{1 \text{ mol C (الماس)}} = 474,48kJ$$

گزینه ۴:

$$\left. \begin{aligned} ?kJ &= x_1(g)N_2 \times \frac{1 \text{ mol } N_2}{28g N_2} \times \frac{92kJ}{1 \text{ mol } N_2} = \frac{92}{28}x_1 \\ ?kJ &= x_2(g)N_2H_4 \times \frac{1 \text{ mol } N_2H_4}{32g N_2H_4} \times \frac{183kJ}{1 \text{ mol } N_2H_4} = \frac{183}{32}x_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{92}{28}x_1 = \frac{183}{32}x_2 \Rightarrow x_1 \approx 1,74x_2$$

واکنش‌های انجام شده و نسبت ضرایب خواسته شده عبارتند از: (۱) (۲) (۳) (۴) (۹۵)



از آنجایی که اتم موردنظر با گرفتن دو الکترون با  $^{18}_{18}Ar$  هم الکترون می‌شود، نتیجه می‌گیریم که اتم خنثی دارای ۱۶ الکترون بوده و در نتیجه دارای ۱۶ پروتون می‌باشد. از طرفی تعداد نوترون‌ها  $1,25$  برابر تعداد الکترون‌ها ( $16 \times 1,25 = 20$ ) است.

$$\left\{ \begin{aligned} e &= 16 \\ p(Z) &= 16 \\ N &= 20 \end{aligned} \right\} \Rightarrow A = Z + N = 16 + 20 = 36$$

آلکان‌ها دارای فرمول عمومی:  $C_nH_{2n+2}$  می‌باشند که جرم مولی آن‌ها  $(14n + 2)$  گرم است. (۱) (۲) (۳) (۴) (۹۷)

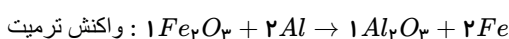
$$A : C \text{ تعداد} = \frac{142 - 2}{14} = 10 \Rightarrow C_{10}H_{22}$$

$$B : C_{15}H_{32} \Rightarrow \text{جرم مولی} = 212g$$

\* چون جرم مولی  $B$  بیشتر از  $A$  می‌باشد پس دمای جوش  $B$  نیز بالاتر است.

$$\frac{(B)H \text{ تعداد}}{(A)H \text{ تعداد}} = \frac{32}{22} = \frac{16}{11}$$

(۱) (۲) (۳) (۴) (۹۸)





$$Q_{Fe} = m_{Fe} c_{Fe} \Delta T \Rightarrow 396000 = m_{Fe} \times 0,45 \times 200 \Rightarrow m_{Fe} = 4400g$$

$$9kg \text{ Al ناخالص} \times \frac{1000g \text{ Al ناخالص}}{1kg \text{ Al ناخالص}} \times \frac{72g \text{ Al خالص}}{100g \text{ Al ناخالص}} \times \frac{1mol \text{ Al}}{27g \text{ Al}} \times \frac{2mol \text{ Fe}}{2mol \text{ Al}} \times \frac{56g \text{ Fe}}{1mol \text{ Fe}} = 1344g \text{ Fe نظری}$$

$$\text{بازده} = \frac{Fe \text{ عملی}}{Fe \text{ نظری}} \times 100 \Rightarrow \text{بازده} = \frac{4400}{13440} \times 100 = 32,7\%$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۹۹

$$19K : 1s^2 / 2s^2 p^6 / 3s^2 3p^6 / 4s^1 \Rightarrow a = 4, b = 1$$

$$8O : 1s^2 / 2s^2 2p^6 \Rightarrow c = 2, d = 6$$

$$Z = \frac{(42 \times 2) + (4 \times 4)}{(3 \times 6) + (2 \times 1)} = \frac{100}{20} = 5 \Rightarrow 1s^2 / 2s^2 2p^1 \xrightarrow{\text{آرایش فشرده}} [He] 2s^2 2p^1$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۰

$$H_2SO_4 = (1 \times 2) + 32 + (16 \times 4) = 98g \cdot mol^{-1}$$

$$NaOH = 23 + 16 + 1 = 40g \cdot mol^{-1}$$

$$gH_2SO_4 \rightarrow molH_2SO_4 \rightarrow molNaOH \rightarrow gNaOH \rightarrow \text{ناخالص } gNaOH$$

$$?g \text{ NaOH ناخالص} = 20g \text{ H}_2\text{SO}_4 \times \frac{49g \text{ H}_2\text{SO}_4}{100g \text{ H}_2\text{SO}_4} \times \frac{1mol \text{ H}_2\text{SO}_4}{98g \text{ H}_2\text{SO}_4} \times \frac{2mol \text{ NaOH}}{1mol \text{ H}_2\text{SO}_4} \times \frac{40g \text{ NaOH}}{1mol \text{ NaOH}}$$

$$\times \frac{100g \text{ NaOH}}{80g \text{ NaOH}} = 10g \text{ NaOH}$$

بررسی عبارت‌های نادرست: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۱

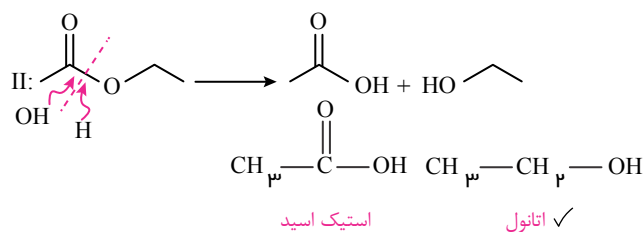
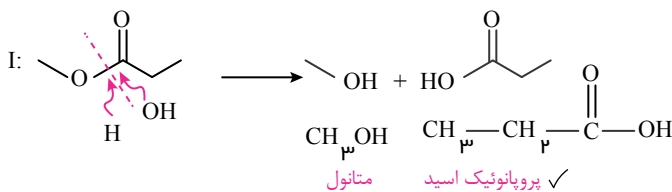
عبارت‌های (آ) و (ت) درست‌اند.

(ب) اختلاف زیاد نقطه جوش HF و HCl، به دلیل توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی HF است.

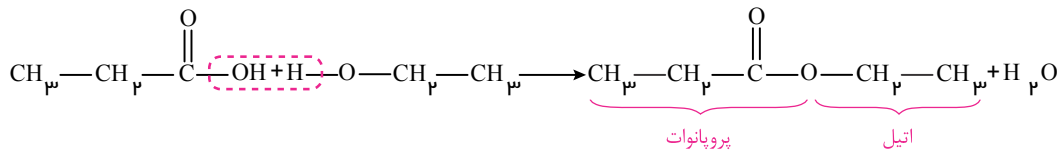
(پ) به عنوان نمونه، HBr در دمای اتاق گاز است؛ اما Br<sub>۲</sub> مایع است و این نشان می‌دهد که نقطه جوش Br<sub>۲</sub> از HBr بیشتر است.

واکنش آبکافت استر: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۲

ابتدا اسید و الکل سازنده هر دو استر را معین می‌کنیم:



از واکنش پروپانویک اسید و اتانول، اتیل پروپانوات به دست می‌آید:



توجه: پروپانوئیک اسید و اتانول به ترتیب دارای ۳ و ۲ اتم کربن هستند، بنابراین استر حاصل از واکنش این ماده دارای ۵ (۳ + ۲) کربن خواهد بود. پس بدون اینکه ساختار استر مورد نظر را بخواهیم رسم کنیم، صرفاً با شمارش اتم های کربن سریعاً می توانستیم به جواب برسیم. چون فقط در گزینه ۳، مجموع اتم های کربن برابر ۵ است.

۱۰۳ (۱ ۲ ۳ ۴) در دمای  $54^\circ\text{C}$ ، حداکثر ۹۰ گرم پتاسیم نیترات و در دمای  $12^\circ\text{C}$ ، حداکثر ۲۰ گرم پتاسیم نیترات در ۱۰۰ گرم آب حل شده است. با استفاده از رابطه زیر، می توانیم جرم رسوب را محاسبه کنیم:

روش اول:

$$\begin{aligned} \text{جرم محلول در دمای } 54^\circ\text{C} &= 100 + 90 = 190\text{g} \Rightarrow \text{جرم رسوب} = 190 - 120 = 70\text{g} \\ \text{جرم محلول در دمای } 12^\circ\text{C} &= 100 + 20 = 120\text{g} \end{aligned}$$

$$\text{جرم رسوب} = 221\text{g} \approx \frac{70\text{g رسوب}}{190\text{g محلول}} \times 600\text{g محلول}$$

روش دوم:

$$\text{جرم رسوب} = \frac{\text{جرم محلول} \times \text{انحلال در دمای ثانویه} - \text{انحلال در دمای اولیه}}{A + 100} \times C = \frac{(90 - 20) \times 600}{190} \approx 221\text{g}$$

و در آخر، خواهیم داشت:

$$\text{جرم محلول باقی مانده} = 600 - 221 = 379\text{g}$$

۱۰۴ (۱ ۲ ۳ ۴) منحنی مربوط به فرآورده ها صعودی است و چون ضریب بزرگتر مربوط به گاز  $\text{SO}_2$  است شیب تندتری دارد. پس منحنی B مربوط به تغییرات مول - زمان گاز  $\text{SO}_2$  است. با توجه به نمودار داده شده منحنی A مربوط به گاز  $\text{SO}_3$  است و چون مقدار مول اولیه آن برابر ۰٫۶ مول است پس ۰٫۲ مول از این گاز باید مصرف شود تا مقدار مول باقی مانده گاز  $\text{SO}_3$  در ظرف واکنش ۰٫۴ مول شود. در ادامه با استفاده از رابطه محاسبه سرعت - زمان لازم به دست می آید:

$$\bar{R}_{\text{واکنش}} = -\frac{\Delta n(\text{SO}_3)}{V\Delta t} \rightarrow \bar{R}_{\text{واکنش}} = \frac{1}{V}\bar{R}_{(\text{SO}_2)}$$

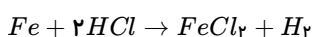
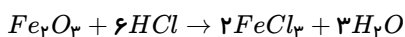
$$\bar{R}_{(\text{SO}_2)} = 0.2\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1} \times 1.0\text{lit} = 0.2\text{mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

$$\Delta n(\text{SO}_2) = 0.2\text{mol} \text{ مصرفی} - 0.6\text{mol} \text{ اولیه} = -0.4\text{mol}$$

$$\bar{R}_{(\text{SO}_2)} = -\frac{\Delta n(\text{SO}_2)}{\Delta t} \quad 0.2\text{mol} \cdot \text{min}^{-1} = -\frac{-0.4\text{mol}}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = 0.1\text{min}$$

$$\Delta t = 0.1\text{min} \times \frac{60\text{s}}{1\text{min}} = 6\text{s}$$

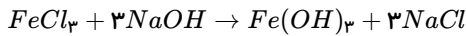
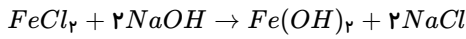
۱۰۵ (۱ ۲ ۳ ۴) فلز آهن با  $\text{HCl}$  واکنش داده و گاز هیدروژن تولید می کند که از حجم گاز تولید شده می توان مقدار آهن را به دست آورد:



$$?g\text{Fe} = 33.6\text{LH}_2 \times \frac{1\text{molH}_2}{22.4\text{LH}_2} \times \frac{1\text{molFe}}{1\text{molH}_2} \times \frac{56\text{gFe}}{1\text{molFe}} = 84\text{gFe}$$

$$\text{درصد آهن در محلول اولیه} = \frac{84}{200} \times 100 = 42\%$$

$\text{FeCl}_3$  و  $\text{FeCl}_2$  به ترتیب با  $\text{NaOH}$  رسوب  $\text{Fe(OH)}_3$  و  $\text{Fe(OH)}_2$  تولید می کنند.



$$?gNaOH = 84gFe \times \frac{1molFe}{56gFe} \times \frac{1molFeCl_2}{1molFe} \times \frac{2molNaOH}{1molFeCl_2} \times \frac{40gNaOH}{1molNaOH} = 120gNaOH$$

از ۲۰۰ گرم مخلوط آهن و زنگ آهن ۱۱۶ گرم آن،  $Fe_2O_3$  می‌باشد.

$$?gNaOH = 116gFe_2O_3 \times \frac{1mol}{160g} \times \frac{2molFeCl_2}{1molFe_2O_3} \times \frac{3molNaOH}{1molFeCl_2} \times \frac{40gNaOH}{1molNaOH} = 174gNaOH$$

در مجموع ۲۹۴ = ۱۷۴ + ۱۲۰ گرم  $NaOH$  لازم می‌باشد.

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۶

$$\bar{R}_{NaHCO_3} = 2\bar{R}_{CO_2} \Rightarrow \bar{R}_{NaHCO_3} = 2 \times 0.01 = 0.02 mol \cdot min^{-1}$$

$$?gNaHCO_3 = 2.5 min \times \frac{0.02 mol NaHCO_3}{1 min} \times \frac{84g NaHCO_3}{1 mol NaHCO_3} = 4.2g NaHCO_3$$

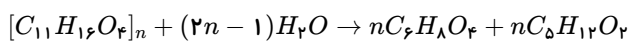
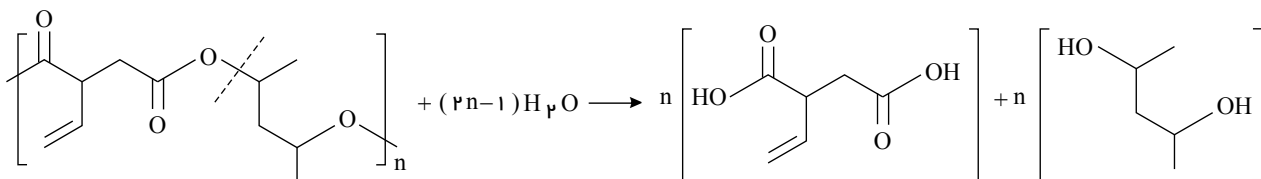
جرم  $CaCO_3$  - جرم  $NaHCO_3$  = جرم کل مخلوط = جرم  $CaCO_3$ : مقدار  $CaCO_3$  در مخلوط اولیه

$$\bar{R}_{CaCO_3} = \bar{R}_{CO_2} \Rightarrow \bar{R}_{CaCO_3} = 1 \times 0.01 = 0.01 mol \cdot min^{-1}$$

$$? min = 5g CaCO_3 \times \frac{1 mol CaCO_3}{100g CaCO_3} \times \frac{1 min}{0.01 mol CaCO_3} = 5 min$$

$$مدت زمان باقی‌مانده = کل زمان - زمان سپری شده \Rightarrow 5 - 2.5 = 2.5 min$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۷



روش اول:

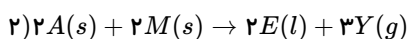
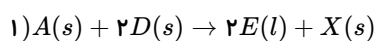
$$53.25g (C_{11}H_{16}O_4)_n \times \frac{1mol(C_{11}H_{16}O_4)}{212 \times ng(C_{11}H_{16}O_4)} \times \frac{nmol(C_6H_8O_4)}{1mol(C_{11}H_{16}O_4)} \times \frac{144g(C_6H_8O_4)}{1mol(C_6H_8O_4)} = 36.16$$

$$بازده درصدی = \frac{مقدار عملی}{مقدار نظری} \times 100 \rightarrow \frac{80}{100} = \frac{xg}{36.16} \Rightarrow x = 28.93$$

روش دوم:

$$\frac{بازده درصدی \times جرم}{جرم مولی \times ضریب} = \frac{جرم}{جرم مولی \times ضریب} \Rightarrow \frac{53.25 \times 80}{1 \times 212n \times 100} = \frac{xg}{n \times 144} \rightarrow n = 28.93$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۸



بررسی همه گزینه‌ها:

گزینه ۱: نسبت شیب نمودار بین دو ماده در یک واکنش و همچنین نسبت آهنگ تغییر مولی آن‌ها، برابر با نسبت ضرایب آن‌هاست. اما باید به این نکته توجه



داشت که شیب نمودار مواد واکنش دهنده منفی (نزولی) و شیب نمودار مواد فراورده مثبت (صعودی) است.

$$\frac{\text{شیب نمودار } E}{\text{شیب نمودار } M} = \frac{4}{-3} = -\frac{4}{3}, \quad \frac{\text{آهنگ تغییر مولی } Y}{\text{آهنگ تغییر مولی } A} = \frac{3}{2}$$

گزینه ۲: آهنگ تغییر غلظت مواد شرکت کننده در یک واکنش یکنواخت و خطی نیست!

گزینه ۳:

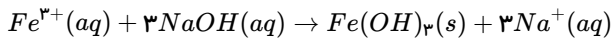
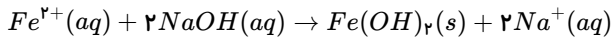
$$\left. \begin{array}{l} (A \sim X) \times 2 \\ 2A \sim 3Y \end{array} \right\} \rightarrow \text{مقدار اولیه } A \text{ در دو واکنش یکسان است} \rightarrow 2X \sim 3Y$$

ضریب معادل  $Y$  از  $X$  بیشتر است. پس با افزایش سرعت واکنش‌ها به یک اندازه، شیب نمودار  $Y$  نسبت به نمودار  $X$  بیشتر تغییر می‌کند.

گزینه ۴: از آنجایی که نسبت ضرایب  $A$  و  $E$  در واکنش یکسان است، پس نسبت تغییرات مولی آن‌ها نیز با هم برابر است.

اما به دلیل اینکه مقدار اولیه  $A$  در دو واکنش با هم برابر است و نمودار هر دو نزولی است، نمودار تغییرات آن‌ها در دو واکنش با یکدیگر نقطه تقاطع ندارند.

معادله موازنه شده واکنش‌ها به صورت زیر است: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۰۹



اگر جرم  $Fe(OH)_2$  و  $Fe(OH)_3$  را به ترتیب  $x_1$  و  $x_2$  گرم و شمار مول سود مورد استفاده در واکنش‌های اول و دوم را به ترتیب  $y_1$  و  $y_2$  مول در نظر بگیریم؛ می‌توان نوشت:

$$Fe(OH)_2 \sim 2NaOH \Rightarrow \frac{x_1 g Fe(OH)_2}{1 \times 90} = \frac{y_1 mol NaOH}{2} \Rightarrow x_1 = 45y_1 (*)$$

$$Fe(OH)_3 \sim 3NaOH \Rightarrow \frac{x_2 g Fe(OH)_3}{1 \times 107} = \frac{y_2 mol NaOH}{3} \Rightarrow x_2 = \frac{107}{3}y_2 (**)$$

از طرفی مجموع شمار مول سود مورد استفاده در واکنش‌ها برابر است با:

$$y_1 + y_2 = \frac{28}{40} = \frac{7}{10} = 0,7$$

در نتیجه با تشکیل دستگاه دو معادله - دو مجهولی زیر داریم:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = 28,7 & (*), (**), \\ y_1 + y_2 = 0,7 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 45y_1 + \frac{107}{3}y_2 = 28,7 \\ y_1 + y_2 = 0,7 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \frac{135y_1 + 107y_2}{3} = 28,7 \\ y_1 + y_2 = 0,7 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} 107(y_1 + y_2) + 28y_1 = 3(28,7) \\ y_1 + y_2 = 0,7 \end{cases} \rightarrow y_1 = \frac{86,1 - 107(0,7)}{28} = 0,4 \rightarrow y_2 = 0,3$$

در نتیجه مقادیر  $x_1$  و  $x_2$  نیز برابر خواهند بود با:

$$\begin{cases} (*) \quad x_1 = 45(0,4) = 18g Fe(OH)_2 \text{ (رسوب سبزرنگ)} \\ (***) \quad x_2 = \frac{107}{3}(0,3) = 10,7g Fe(OH)_3 \text{ (رسوب قرمزرنج)} \end{cases}$$

در ادامه می‌توان درصد جرمی رسوب سبزرنگ ( $Fe(OH)_2$ ) را به دست آورد:

$$\%Fe(OH)_2 = \frac{18}{18 + 10,7} \times 100 \approx \%62,7$$

حل قسمت اول: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۱۰

ابتدا با استفاده از رابطه  $M = \frac{100ad}{\text{جرم مولی}}$ ، درصد جرمی نمک را در محلول به دست می‌آوریم:

$$2 = \frac{10 \times a \times 1,2}{120} \Rightarrow a = \%20$$

در ادامه با استفاده از رابطه  $a = \frac{100S}{100 + S}$ ، انحلال‌پذیری نمک را به دست می‌آوریم:

$$20 = \frac{100S}{100 + S} \Rightarrow S = 25 \left( \frac{g}{100g H_2O} \right)$$

در نتیجه دمایی را که انحلال‌پذیری ( $S$ ) نمک در آن برابر ۲۵ گرم است را به دست می‌آوریم:

$$S = 0,2\theta + 16 \xrightarrow{S=25} \theta = \frac{25 - 16}{0,2} = 45^\circ C$$



مرحله قسمت قبل را برای غلظت  $2 = \frac{5}{3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  طی می‌کنیم.

$$M = \frac{10ad}{\text{جرم مولی}} \Rightarrow \frac{5}{3} = \frac{10 \times a \times 1.2}{120} \Rightarrow a = \% \frac{50}{3}$$

$$a = \frac{100S}{100+S} \Rightarrow \frac{50}{3} = \frac{100S}{100+S} \Rightarrow S = 20 \left( \frac{g}{100gH_2O} \right)$$

$$S = 0.2\theta + 16 \xrightarrow{S=20} \theta = \frac{20-16}{0.2} = 20^\circ C \Rightarrow \Delta\theta = 45 - 20 = 25^\circ C$$

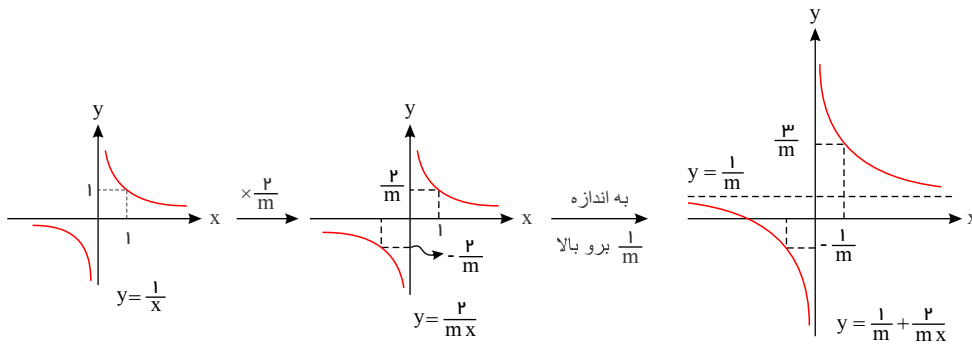
۱۱۱)  $f$  تابعی خطی با شیب مثبت ( $m > 0$ ) است که از مبدأ می‌گذرد. بنابراین معادله آن می‌تواند به صورت  $f(x) = mx$  ( $m > 0$ ) باشد.

باشد.  $g$  نیز تابعی خطی است که از نقاط  $(-2, 0)$  و  $(0, 2)$  می‌گذرد، بنابراین:

$$\text{معادله خط: } \frac{y-2}{x-0} = \frac{2-0}{0+2} \rightarrow \frac{y-2}{x} = 1 \rightarrow y = x+2 \rightarrow g(x) = x+2$$

از این رو تابع  $\frac{g}{f}$  به صورت  $y = \frac{x+2}{\frac{1}{x}} = \frac{x+2}{1/x} = \frac{x+2}{1} \cdot x = x^2 + 2x$  یا  $y = \frac{1}{m} + \frac{2}{mx}$  ( $m > 0$  با شرط) بوده و نمودار آن به کمک انتقال نمودار هموگرافیک  $y = \frac{1}{x}$  به آسانی رسم می‌شود:

به آسانی رسم می‌شود:



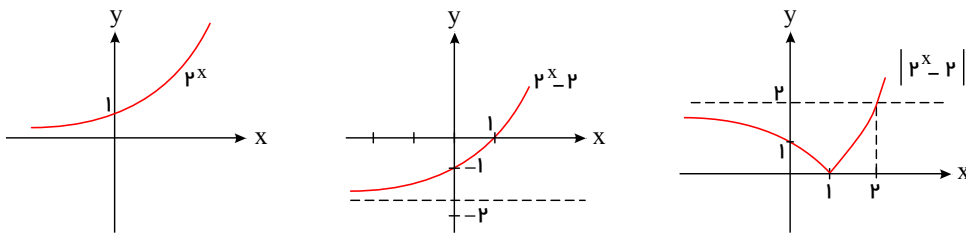
همان‌طور که می‌بینید این نمودار هیچ‌گاه وارد ناحیه چهارم نمی‌شود.

۱۱۲) ۱ ۲ ۳ ۴

عبارت زیر رادیکال باید نامنفی باشد:

$$xf(x) \geq 0 \Rightarrow \begin{cases} x \geq 0, f(x) \geq 0 \\ x \leq 0, f(x) \leq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} [0, 1] \cup \{2\} \\ [-4, -3] \end{cases}, D_f = [-4, -3] \cup [0, 1] \cup \{2\}$$

۱۱۳) نمودار  $f(x)$  را رسم می‌کنیم، داریم: ۱ ۲ ۳ ۴



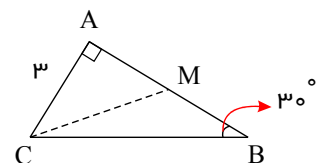
با توجه به  $f(x)$ ، اگر دامنه را از  $(-\infty, 2]$  انتخاب کنیم، شرایط مسئله برآورده می‌شود.

۱۱۴) ۱ ۲ ۳ ۴ ضلع روبرو به زاویه  $30^\circ$  نصف وتر است  $BC = 6$

ضلع روبرو به زاویه  $60^\circ$  ( $\hat{C}$ )،  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  وتر است  $AB = \frac{\sqrt{3}}{2}(6) = 3\sqrt{3}$

$$\text{از طرفی: } MB = \frac{AB}{2} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

$$S_{\triangle MBC} = \frac{1}{2} MB \times BC \times \sin 30^\circ = \frac{1}{2} \left( \frac{3\sqrt{3}}{2} \right) (6) \left( \frac{1}{2} \right) = \frac{18\sqrt{3}}{4} = \frac{9\sqrt{3}}{2}$$





می‌دانیم:  $\sqrt{u^2} = |u|$

ابتدا عبارات زیر را دیکال‌ها را ساده می‌کنیم:

$$A = \sqrt{(\sin \theta - 2)^2} + \sqrt{(\sin \theta + 3)^2} = \underbrace{|\sin \theta - 2|}_{-} + \underbrace{|\sin \theta + 3|}_{+} = -\sin \theta + 2 + \sin \theta + 3 = 5$$

با نوشتن زاویه‌ها برحسب زاویه‌های کوچک‌تر داریم: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۱۶

$$\begin{aligned} & \sin\left(\pi + \frac{\pi}{4}\right) + \sin\left(-\frac{\pi}{4}\right) + \sin\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right) + \sin\left(2\pi + \frac{\pi}{4}\right) \\ &= -\sin \frac{\pi}{4} - \sin \frac{\pi}{4} + \sin \frac{\pi}{4} + \sin \frac{\pi}{4} = 0 \end{aligned}$$

اعداد  $\frac{1}{4}$  و  $1$  داخل جزء صحیح را صحیح می‌کنند بنابراین تابع در این نقاط حد ندارد ولی چون گفته شده تابع در این نقاط حد دارد پس حتماً این دو عدد ریشه‌های عبارت پشت جزء صحیح هستند پس:

$$\left. \begin{aligned} x = \frac{1}{4} &\Rightarrow \left(\frac{1}{4}\right)^2 + a\left(\frac{1}{4}\right) + b = 0 \Rightarrow \frac{a}{4} + b = -\frac{1}{4} \Rightarrow 2a + 4b = -1 \\ x = 1 &\Rightarrow 1^2 + a(1) + b = 0 \Rightarrow a + b = -1 \end{aligned} \right\} \rightarrow a = -\frac{3}{2}, b = \frac{1}{2}$$

در نتیجه:  $a^2 + b^2 = \frac{9}{4} + \frac{1}{4} = \frac{5}{2}$  است.

فرض کنید  $\lim_{x \rightarrow 1} (f + g)(x) = L$  در این صورت: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۱۸

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (f + g)(x) = [2^+] + \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = L \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = L - 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} (f + g)(x) = [2^-] + \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = L \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = L - 1$$

حد چپ  $g$  در  $x = 1$  یک واحد از حد راست آن در این نقطه بیشتر است. حال فرض کنید  $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{g}{f}\right)(x) = M$  در این صورت:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \left(\frac{g}{f}\right)(x) = \frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = M \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = 2M$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \left(\frac{g}{f}\right)(x) = \frac{1}{1} \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = M \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = M$$

حد راست  $g$  در  $x = 1$  دو برابر حد چپ آن در این نقطه است. در گزینه «۱» داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} [-x] = -2, \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} [-x] = -1$$

به‌ازای  $L = 0$  و  $M = -1$  رابطه فوق برقرار است؛ پس جواب گزینه «۱» است.

شرط اینکه تابع  $f$  در  $x = a$  پیوسته باشد آن است که حد راست و حد چپ و مقدار تابع در  $x = a$  موجود و متناهی و باهم برابر باشند.

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 + ax) = 1 + a$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \sqrt{ax + 3} = \sqrt{a + 3} \rightarrow \sqrt{a + 3} = 1 + a \xrightarrow{\text{توان ۲}} a + 3 = a^2 + a + 2a$$

$$a^2 + a - 2 = 0 \rightarrow (a + 2)(a - 1) = 0 \rightarrow \begin{cases} a = -2 \\ a = 1 \end{cases} \text{ غ قق}$$

$$\text{پس: } f\left(\frac{-3}{4}\right) = \sqrt{-\frac{3}{4}a + 3} = \sqrt{-\frac{3}{4} + 3} = \sqrt{\frac{9}{4}} = \frac{3}{2} = 1,5$$

اگر تعداد مهره‌های سبز ظرف  $n$  باشد، داریم: ۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۰

اگر  $n > 1$  باشد:



$$\frac{1}{2} = \frac{\binom{n}{2} + \binom{3}{2}}{\binom{n+3}{2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{\frac{n(n-1)}{2} + 3}{\frac{(n+3)(n+2)}{2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{n^2 - n + 6}{n^2 + 5n + 6} \Rightarrow n^2 - 7n + 6 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} n = 6 \\ n = 1 \text{ (غ. ق. ق.)} \end{cases}$$

اگر  $n = 1$  باشد:

$$\frac{1}{2} = \frac{\binom{3}{2}}{\binom{1+3}{2}} \Rightarrow \frac{\binom{3}{2}}{\binom{4}{2}} = \frac{3}{4 \times 3} = \frac{1}{2}$$

پس به ازای  $n = 1$  نیز تساوی برقرار است و  $n = 1$  نیز قابل قبول است.واضح است که لیگ ایران و ایتالیا ارتباطی به هم ندارند. وقوع قهرمانی هریک از دو تیم تأثیری بر دیگری نداشته و مستقل اند. پس: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۱**

قهرمانی در لیگ ایتالیا: A

قهرمانی در لیگ ایران: B

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) \Rightarrow P(A \cap B) = 0,7 \times 0,6 = 0,42$$

پس احتمال اینکه حداقل یکی از دو تیم قهرمان شوند برابر است با:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow P(A \cup B) = 0,7 + 0,6 - 0,42 = 1,3 - 0,42 = 0,88$$

ابتدا تمام جایگشت‌هایی را که حرف r و t در کنار یکدیگر نیستند، می‌یابیم. برای این کار تمام حالات را محاسبه می‌کنیم و حالتی را **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۲**

که این دو کنار هم هستند، از آن کم می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} \text{همه حالات} = 6! \\ \text{کنار هم بودن r و t} = 2! \times 5! \end{array} \right\} \Rightarrow \text{حالات مطلوب} = 6! - 2 \times 5! = 720 - 240 = 480$$

در نیمی از حالات r بعد t و نیمی دیگر از حالات r قبل t آمده است؛ پس مطلوب مسئله برابر است با:

$$\frac{480}{2} = 240$$

**۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۳**

$$\text{می‌دانیم: } \log_k a^n = n \log_k a, \log_k a + \log_k b = \log_k ab, \log 5 = 1 - \log 2$$

$$A = \frac{1}{2} \log(7 + 2\sqrt{6}) + \log(\sqrt{6} - 1) = \frac{1}{2} \log(\sqrt{6} + 1)^2 + \log(\sqrt{6} - 1) \\ = \log(\sqrt{6} + 1) + \log(\sqrt{6} - 1) = \log(\underbrace{(\sqrt{6} + 1)(\sqrt{6} - 1)}_{\text{مربوع}}) = \log(6 - 1) = \log 5 = 1 - \log 2 = 1 - k$$

$$\text{دقت کنید: } (\sqrt{6} + 1)^2 = 6 + 1 + 2\sqrt{6} = 7 + 2\sqrt{6}$$

**۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۴**

$$\text{با توجه به شکل } x > \frac{a}{2} \rightarrow 2x > a \rightarrow 2x + a > 0 \rightarrow 2x > -a \rightarrow x > -\frac{a}{2} \rightarrow a = -1$$

بنابراین تابع به صورت  $y = -1 + \log_b^{(2x-1)}$  است، از طرفی مقدار تابع در  $x = 2$  برابر صفر است.

$$0 = -1 + \log_b^3 \rightarrow \log_b^3 = 1 \rightarrow b = 3 \rightarrow y = -1 + \log_3^{(2x-1)}$$

اکنون کافی است که به جای y مقدار 1 را قرار دهیم.

$$1 = -1 + \log_3^{(2x-1)} \rightarrow \log_3^{(2x-1)} = 2 \xrightarrow{\log_b^a = c \rightarrow a = b^c} 2x - 1 = 3^2 \rightarrow 2x - 1 = 9 \rightarrow 2x = 10 \rightarrow x = 5$$

می‌دانیم  $\log_b^a = c \rightarrow a = b^c$  است. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۲۵**

$$M_1 = 3,6 \Rightarrow \log E_1 = 11,8 + 1,5 \times 3,6 = 17,2 \Rightarrow \log E_1 = 17,2 \Rightarrow E_1 = 10^{17,2}$$

$$M_2 = 3,2 \Rightarrow \log E_2 = 11,8 + 1,5 \times 3,2 = 16,6 \Rightarrow \log E_2 = 16,6 \Rightarrow E_2 = 10^{16,6}$$

$$\text{پس: } \frac{E_1}{E_2} = \frac{10^{17,2}}{10^{16,6}} = 10^{0,6} = 10^{\frac{3}{5}} = 10^{\frac{6}{10}} = \sqrt[5]{10^3}$$

۱۲۶) با ضرب عبارت داده شده در  $\sqrt{2}$  داریم:

$$\begin{aligned} & \sqrt{3-2\sqrt{2}} + \sqrt{5-2\sqrt{6}} - \sqrt{4-2\sqrt{3}} \\ &= \sqrt{(\sqrt{2}-1)^2} + \sqrt{(\sqrt{3}-\sqrt{2})^2} - \sqrt{(\sqrt{3}-1)^2} \\ &= \sqrt{2}-1 + \sqrt{3}-\sqrt{2} - (\sqrt{3}-1) = 0 \end{aligned}$$

۱۲۷) ابتدا  $3x^3 + 9x^2 + 8x + 4$  را بر  $x^2 + 3x + 2$  تقسیم می‌کنیم. خواهیم داشت:

$$\begin{array}{r} 3x^3 + 9x^2 + 8x + 4 \quad | \quad x^2 + 3x + 2 \\ -(3x^3 + 9x^2 + 6x) \quad | \quad 3x \\ \hline 2x + 4 \end{array}$$

$$\frac{3x^3 + 9x^2 + 8x + 4}{x^2 + 3x + 2} = 3x + \frac{2x + 4}{x^2 + 3x + 2} = 3x + \frac{2(x+2)}{(x+1)(x+2)} = 3x + \frac{2}{x+1}$$

بنابراین  $A = 3x$  و  $B = 2$  است و  $A + B = 4 + 3x$  می‌باشد.۱۲۸) باتوجه به قضیه‌ی تالس در مثلث‌های  $ABD$  و  $BDC$  داریم:

$$\left. \begin{aligned} \frac{MP}{AB} = \frac{MD}{AD} = \frac{1}{4} &\Rightarrow MP = \frac{AB}{4} \\ \frac{PN}{DC} = \frac{BN}{BC} = \frac{1}{4} &\Rightarrow PN = \frac{DC}{4} \end{aligned} \right\} \Rightarrow MN = \frac{a+b}{2}$$

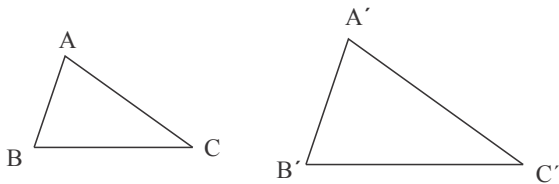
$$\frac{MQ}{DC} = \frac{AM}{AD} = \frac{1}{2} \Rightarrow MQ = \frac{DC}{2} \Rightarrow PQ = MQ - MP = \frac{a-b}{2}$$

همچنین داریم:

$$\frac{MN}{PQ} = \frac{a+b}{a-b}$$

بنابراین داریم:

۱۲۹) ۱ ۲ ۳ ۴



$$\frac{S_{ABC}}{S_{A'B'C'}} = k^2 \rightarrow k^2 = \frac{9}{16} \rightarrow k = \frac{3}{4}$$

نسبت تشابه  $\frac{3}{4}$

با توجه به تصویر می‌توان نوشت:

$$\frac{BC}{B'C'} = \frac{3}{4} \rightarrow \frac{7}{B'C'} = \frac{3}{4} \rightarrow 3B'C' = 28 \rightarrow B'C' = \frac{28}{3}$$

ضلع بزرگ مثلث دوم  $\frac{28}{3}$

حال نسبت ضلع کوچکتر به بزرگتر را در مثلث  $A'B'C'$  می‌نویسیم:

$$\frac{A'B'}{B'C'} = \frac{2}{3} \rightarrow \frac{A'B'}{\frac{28}{3}} = \frac{2}{3} \rightarrow A'B' = \frac{2}{3} \times \frac{28}{3} = \frac{56}{9}$$

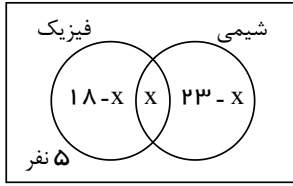
۱۳۰) ۱ ۲ ۳ ۴

$$m_{BC} = \frac{y_C - y_B}{x_C - x_B} = m_{BC} = \frac{-1-1}{-2-4} = \frac{1}{3} \Rightarrow BC \text{ شیب عمود منصف } = -\frac{1}{m_{BC}} = -3$$

$$(BC \text{ وسط}) M = \left( \frac{-2+4}{2}, \frac{-1+1}{2} \right) \Rightarrow M = (1, 0)$$

$$BC \text{ معادله عمود منصف } : y - 0 = -3(x - 1) \Rightarrow y = -3x + 3 \Rightarrow 3x + y - 3 = 0$$

$$A(6, 5) \Rightarrow AH = \frac{|3(6) + 5 - 3|}{\sqrt{3^2 + 1^2}} = \frac{20}{\sqrt{10}} = 2\sqrt{10}$$



تعداد علاقه‌مندان به فیزیک و شیمی  $x$  و  $23 - x + (18 - x) + x = 44 \Rightarrow -x + 46 = 44 \Rightarrow x = 2$

تعداد افرادی که فقط به فیزیک علاقه دارند.  $18 - x = 18 - 2 = 16$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۲ اگر  $a, b, c$  سه جمله متوالی یک دنباله حسابی باشند آنگاه  $\frac{a+c}{2} = b$  است.

در این دنباله حسابی داریم:

$$\frac{(x^2+2x)+(x^2+x)}{2} = \frac{x^2}{2} + x + 1$$

$$\Rightarrow 2x^2 + 3x = x^2 + 2x + 2 \Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow x_1 = -2, x_2 = 1$$

غ ق  $d = 1$  دنباله  $x = -2 \rightarrow 0, 1, 2$

ق ق  $d = -\frac{1}{2}$  دنباله  $x = 1 \rightarrow 3, \frac{5}{2}, 2$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot d \Rightarrow a_{19} = a_1 + 18d \Rightarrow a_{19} = 3 + 18(-\frac{1}{2}) = 3 - 9 = -6$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۳ اگر بین دو عدد  $b$  و  $a$  به تعداد  $m$  واسطه هندسی درج کنیم آن گاه  $q = \sqrt[m+1]{\frac{b}{a}}$  است.

$$q = \sqrt[5]{\frac{486}{2}} = \sqrt[5]{243} = \sqrt[5]{3^5} = 3$$

پس : ۲, ۶, ۱۸, ۵۴, ۱۶۲, ۴۸۶

واسطه حسابی بین دو عدد  $a$  و  $b$  به صورت  $\frac{a+b}{2}$  است.

$$\text{واسطه حسابی بین جملات دوم و سوم} = \frac{6+18}{2} = 12$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{N} ((x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_N - \bar{x})^2)$$

$$\rightarrow 20 = \frac{1}{13} ((x_1 - 12)^2 + (x_2 - 12)^2 + \dots + (x_{13} - 12)^2)$$

$$\rightarrow (x_1 - 12)^2 + (x_2 - 12)^2 + \dots + (x_{13} - 12)^2 = 260$$

میانگین اعداد ۱۰ و ۹ و ۱۷ نیز برابر ۱۲ است پس با حذف آنها میانگین ۱۰ داده باقی مانده ۱۲ خواهد بود.

$$(x_1 - 12)^2 + (x_2 - 12)^2 + \dots + (x_{10} - 12)^2 + (17 - 12)^2 + (9 - 12)^2 + (10 - 12)^2 = 260$$

$$\rightarrow (x_1 - 12)^2 + (x_2 - 12)^2 + \dots + (x_{10} - 12)^2 = 260 - 25 - 9 - 4 = 222$$

$$\text{واریانس ده داده باقی مانده} = \frac{222}{10} = 22.2$$

۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۵ میانگین داده‌ها  $\frac{150}{10} = 15$  و انحراف معیار آنها برابر  $\sqrt{16} = 4$  است.

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{4}{15}$$

اگر هر داده را ۳ برابر کرده و سپس ۶ واحد از آن کم کنیم؛ میانگین داده‌های جدید از ۳ برابر میانگین داده‌های قبلی ۶ واحد کمتر می‌شود:



$$\bar{x}_{جدید} = 3\bar{x}_{قدیم} - 6 = 3(15) - 6 = 39$$

همچنین انحراف معیار داده‌ها نیز ۳ برابر می‌شود:

$$\sigma_{جدید} = 3 \times \sigma_{قدیم} = 3 \times 4 = 12$$

$$\Rightarrow CV_{جدید} = \frac{\sigma_{جدید}}{\bar{x}_{جدید}} = \frac{12}{39} \Rightarrow \frac{CV_{جدید}}{CV_{قدیم}} = \frac{\frac{12}{39}}{\frac{4}{15}} = \frac{15}{13}$$

نامعادله را به صورت زیر ساده می‌کنیم: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۶**

$$\frac{2x^3 + x^2 + x}{x^3 + 1} - 2 \geq 0 \Rightarrow \frac{2x^3 + x^2 + x - 2x^3 - 2}{x^3 + 1} \geq 0$$

$$\frac{x^2 + x - 2}{(x+1)(x^2 - x + 1)} \geq 0$$

چون عبارت  $x^2 - x + 1$  همواره مثبت است، پس کافی است نامعادله  $\frac{x^2 + x - 2}{x+1} \geq 0$  را حل کنیم.

مطابق جدول مقابل مجموعه جواب‌های نامعادله به صورت  $(-2, -1) \cup [1, +\infty)$  است که شامل فقط یک عدد صحیح منفی یعنی  $-2$  است.

x	$-\infty$	$-2$	$-1$	$1$	$+\infty$	
$x^2 - x - 2$	+	○	-	-	○	+
$x+1$	-	-	○	+	+	+
$\frac{x^2 - x - 2}{x+1}$	-	○	+	-	○	+

ابتدا معادله‌ی درجه‌ی دومی را می‌نویسیم که ریشه‌هایش دو برابر ریشه‌های معادله داده شده باشد و سپس معادله‌ای می‌نویسیم که ریشه‌هایش یک واحد کمتر از ریشه‌های معادله‌ی نوشته شده باشد. برای نوشتن معادله‌ی درجه‌ی دومی که ریشه‌هایش  $k$  برابر ریشه‌های معادله‌ی داده شده‌ای باشد باید  $b$  را در  $k$  و  $c$  را در  $k^2$  ضرب کنیم و برای نوشتن معادله‌ی درجه‌ی دومی که ریشه‌هایش  $k$  واحد کمتر از ریشه‌های معادله‌ی درجه‌ی دوم داده شده‌ای باشد، باید  $x$  را به  $x+k$  تبدیل کنیم.

$$2x^2 - 5x + 1 = 0 \xrightarrow[\frac{2 \text{ در } c}{2 \text{ در } c}]{\frac{2 \text{ در } b}{2 \text{ در } c}} 2x^2 - 10x + 4 = 0 \xrightarrow{x \rightarrow x+1} 2(x+1)^2 - 10(x+1) + 4 = 0$$

$$\rightarrow 2x^2 + 4x + 2 - 10x - 10 + 4 = 0 \rightarrow 2x^2 - 6x - 4 = 0 \rightarrow x^2 - 3x - 2 = 0$$

**۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۸**

می‌دانیم  $x^2 \geq 0$ ، پس:

$$x^2 \geq 0 \begin{cases} x^2 + 4 \geq 4 \Rightarrow \sqrt{x^2 + 4} \geq 2 & (1) \\ x^2 + 9 \geq 9 \Rightarrow \sqrt{x^2 + 9} \geq 3 & (2) \end{cases}$$

$$(1), (2) \Rightarrow \sqrt{x^2 + 4} + \sqrt{x^2 + 9} \geq 5$$

پس معادله فقط زمانی جواب دارد که هر دو رادیکال برابر با کمترین مقدار خود باشند؛ بنابراین داریم:

$$\sqrt{x^2 + 4} = 2 \Rightarrow x = 0$$

$$\sqrt{x^2 + 9} = 3 \Rightarrow x = 0$$

تنها جواب معادله  $x = 0$  است.

باید معادله  $ax^2 + (2a+1)x + 1 = 0$  دو ریشه هم علامت داشته باشد؛ لذا لازم است، اولاً: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۳۹**

$$\Delta > 0 \Rightarrow (2a+1)^2 - 4a > 0 \Rightarrow 4a^2 + 4a + 1 - 4a > 0 \Rightarrow 4a^2 + 1 > 0 \Rightarrow a = \mathbb{R}$$

و ثانیاً:

$$P > 0 \Rightarrow \frac{1}{a} > 0 \Rightarrow a > 0$$

ضمناً دقت کنید که به ازای  $a = 0$  خطی به معادله  $y = x + 1$  حاصل می‌شود و سهمی نخواهیم داشت.

فرض می‌کنیم  $t$  مدت زمانی باشد که علیرضا به تنهایی قادر است کل کار را انجام دهد، در این حالت داریم: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۰**



مقداری از کار که در ۱ ساعت قابل انجام است	زمان انجام کار
$\frac{1}{t}$	علیرضا
$\frac{1}{3t}$	امیرحسین
$\frac{1}{9}$	علیرضا و امیرحسین باهم

باتوجه به جدول فوق معادله زیر را می توان نوشت:

$$\frac{1}{t} + \frac{1}{3t} = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{3+1}{3t} = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{4}{3t} = \frac{1}{9} \Rightarrow 3t = 36 \Rightarrow t = 12$$

پس علیرضا به تنهایی در ۱۲ ساعت و امیرحسین به تنهایی در ۳۶ = ۳t ساعت کل کار را انجام می دهد.

ترتیب لایه ها از قدیم به جدید به صورت زیر است: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۱**

ابتدا لایه های A، B، C و D رسوب گذاری کرده و سپس چین خورده اند (از حالت افقی خارج شده اند) سپس رگه آذرین E نفوذ کرده است و در نهایت توسط گسل F قطع شده است و در پایان لایه A تشکیل شده است.

تفرا مواد آتشفشانی ریز و درشت جامد و نسبتاً جامدی است که بر اثر فعالیت های انفجاری از دهانه آتشفشان به هوا پرتاب می شوند. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۲**

اندازه و شکل تفراها متفاوت است. ذرات با قطر کمتر از ۲ میلی متر خاکستر هستند و معادل آن ها از نظر اندازه در ذرات سنگ های رسوبی، ماسه ها می باشند.

علم سنگ شناسی (پترولوژی) مختص بررسی سنگ های آذرین و دگرگونی است و سنگ رسوبی در شاخه سنگ شناسی رسوبی بررسی می شود. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۳**

فیروزه (تورکواز) دارای ترکیب فسفاتی است؛ در حالی که عقیق کانی سیلیسی با رنگ های متنوع است، زمرد معروف ترین و گران ترین سیلیکات بریلیم و زبرجد کانی سیلیکاتی به رنگ سبز زیتونی است. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۴**

با توجه به شکل ترتیب وقایع به صورت زیر است: (از قدیم به جدید و از راست به چپ) **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۵**

$$E < F < D < C < B < A$$

با توجه به فرمول و اعداد داده شده در جدول: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۶**

$$TH = 2,5Ca^{2+} + 4,1Mg^{2+}$$

$$A = 428 \quad B = 396 \quad C = 421 \quad D = 405$$

مقایسه درست سرعت امواج لرزه ای به شکل زیر است: **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۷**

$$R < L < S < P$$

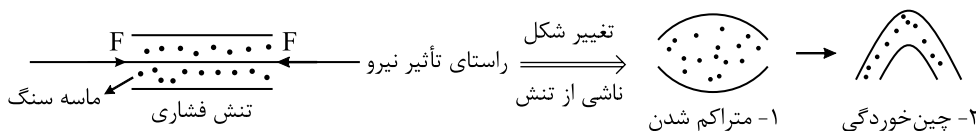
امواج لرزه ای سطحی حاصل بر خورد امواج درونی به سطوح حد فاصل لایه های سطحی زمین می باشند و در کانون ایجاد نمی شوند. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۸**

در رسوبات تخریبی رودخانه به علت چگالی زیاد ته نشین شدن پلاسره های طلا را می توان مشاهده کرد. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۴۹**

هرچه انرژی آزاد شده در یک زمین لرزه، زیادتر شود، ارتعاشات ناشی از آن شدیدتر و دامنه نوسانات امواج آن زمین لرزه، بزرگ تر خواهد بود. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۵۰**

با توجه به اینکه در متن سؤال به نوع آبخوان اشاره شده (آبخوان آزاد) و این آبخوان در زمین شیب دار واقع شده است، می توان تشخیص داد که تراز آب در چاه نشان دهنده سطح ایستابی است. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۵۱**

جدول ۱ - ۴ (انواع تنش) صفحه ۶۱، ردیف دوم مطابق شکل در تنش فشاری یک جفت نیروی مساوی (هم اندازه) و در یک راستا و به صورت همگرا بر لایه های سنگی وارد شده که تأثیر آن بر سنگ ابتدا متراکم شدن سنگ و سپس چین خوردگی است. **۱ ۲ ۳ ۴ ۱۵۲**



طبق فرمول تنش (ص ۶۰)  $\text{تنش (استرس)} = \frac{\text{نیروی (N)}}{\text{مساحت یا مساحت (m}^2\text{)}} = \frac{F}{A}$  شدت تأثیر نیرو و به دنبال آن شدت تنش، زمانی افزایش می یابد که همان مقدار نیروی ثابت F بر سطح کوچک تری وارد شود، در این صورت تغییر شکل بیشتری در سنگ ایجاد خواهد شد. در حالت اول نیرو فقط به  $1m^2$  از سطح ماسه سنگ وارد می شود  $\text{تنش (۱)} = \frac{F_{\text{ثابت}}}{1m^2}$  ولی در حالت دوم همان مقدار نیروی ثابت (F) بر  $100m^2$  از ماسه سنگ وارد می شود  $\text{تنش (۲)} = \frac{F_{\text{ثابت}}}{100m^2}$

مطابق فرمول، بدیهی است که هر چقدر سطح یا مساحت در مخرج کسر افزایش یابد، رابطه عکس با میزان تنش داشته و میزان تنش و تأثیرات آن بر سنگ کاهش



می‌یابد.

در اثر اعمال تنش برشی، سنگ‌ها دچار شکستگی شده و گسل امتداد لغز به وجود آمده است. توجه کنید که جابه‌جایی ورقه‌ها یا سنگ‌ها در امتداد افق است.

این شکستگی می‌تواند در اثر عملکرد زمین لرزه تشکیل شده باشد.

طبق جدول کتاب درسی، عنصر روی ( $۰,۰۰۷$  درصد وزنی در پوسته) از فراوانی کمتری نسبت به بقیه برخوردار است.

به ازای هر یک واحد بزرگی زمین‌لرزه، دامنهٔ امواج  $۱۰$  برابر می‌شود. چون دامنهٔ امواج زمین‌لرزهٔ شهر  $A$ ،  $۱۰۰$  برابر شهر  $B$  است.

بنابراین زمین‌لرزه در شهر  $A$  دو ریشتر بزرگ‌تر از زمین‌لرزهٔ شهر  $B$  می‌باشد:

$$۱۰^R = ۱۰۰ \Rightarrow R = ۲$$

$$۶/۱ - ۲ = ۴/۱$$

# پاسخنامه کلیدی

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴
۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴
۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۸	۱	۲	۳	۴
۲۹	۱	۲	۳	۴
۳۰	۱	۲	۳	۴
۳۱	۱	۲	۳	۴
۳۲	۱	۲	۳	۴
۳۳	۱	۲	۳	۴
۳۴	۱	۲	۳	۴
۳۵	۱	۲	۳	۴
۳۶	۱	۲	۳	۴
۳۷	۱	۲	۳	۴
۳۸	۱	۲	۳	۴
۳۹	۱	۲	۳	۴

۴۰	۱	۲	۳	۴
۴۱	۱	۲	۳	۴
۴۲	۱	۲	۳	۴
۴۳	۱	۲	۳	۴
۴۴	۱	۲	۳	۴
۴۵	۱	۲	۳	۴
۴۶	۱	۲	۳	۴
۴۷	۱	۲	۳	۴
۴۸	۱	۲	۳	۴
۴۹	۱	۲	۳	۴
۵۰	۱	۲	۳	۴
۵۱	۱	۲	۳	۴
۵۲	۱	۲	۳	۴
۵۳	۱	۲	۳	۴
۵۴	۱	۲	۳	۴
۵۵	۱	۲	۳	۴
۵۶	۱	۲	۳	۴
۵۷	۱	۲	۳	۴
۵۸	۱	۲	۳	۴
۵۹	۱	۲	۳	۴
۶۰	۱	۲	۳	۴
۶۱	۱	۲	۳	۴
۶۲	۱	۲	۳	۴
۶۳	۱	۲	۳	۴
۶۴	۱	۲	۳	۴
۶۵	۱	۲	۳	۴
۶۶	۱	۲	۳	۴
۶۷	۱	۲	۳	۴
۶۸	۱	۲	۳	۴
۶۹	۱	۲	۳	۴
۷۰	۱	۲	۳	۴
۷۱	۱	۲	۳	۴
۷۲	۱	۲	۳	۴
۷۳	۱	۲	۳	۴
۷۴	۱	۲	۳	۴
۷۵	۱	۲	۳	۴
۷۶	۱	۲	۳	۴
۷۷	۱	۲	۳	۴
۷۸	۱	۲	۳	۴

۷۹	۱	۲	۳	۴
۸۰	۱	۲	۳	۴
۸۱	۱	۲	۳	۴
۸۲	۱	۲	۳	۴
۸۳	۱	۲	۳	۴
۸۴	۱	۲	۳	۴
۸۵	۱	۲	۳	۴
۸۶	۱	۲	۳	۴
۸۷	۱	۲	۳	۴
۸۸	۱	۲	۳	۴
۸۹	۱	۲	۳	۴
۹۰	۱	۲	۳	۴
۹۱	۱	۲	۳	۴
۹۲	۱	۲	۳	۴
۹۳	۱	۲	۳	۴
۹۴	۱	۲	۳	۴
۹۵	۱	۲	۳	۴
۹۶	۱	۲	۳	۴
۹۷	۱	۲	۳	۴
۹۸	۱	۲	۳	۴
۹۹	۱	۲	۳	۴
۱۰۰	۱	۲	۳	۴
۱۰۱	۱	۲	۳	۴
۱۰۲	۱	۲	۳	۴
۱۰۳	۱	۲	۳	۴
۱۰۴	۱	۲	۳	۴
۱۰۵	۱	۲	۳	۴
۱۰۶	۱	۲	۳	۴
۱۰۷	۱	۲	۳	۴
۱۰۸	۱	۲	۳	۴
۱۰۹	۱	۲	۳	۴
۱۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۱۷	۱	۲	۳	۴

۱۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۱۹	۱	۲	۳	۴
۱۲۰	۱	۲	۳	۴
۱۲۱	۱	۲	۳	۴
۱۲۲	۱	۲	۳	۴
۱۲۳	۱	۲	۳	۴
۱۲۴	۱	۲	۳	۴
۱۲۵	۱	۲	۳	۴
۱۲۶	۱	۲	۳	۴
۱۲۷	۱	۲	۳	۴
۱۲۸	۱	۲	۳	۴
۱۲۹	۱	۲	۳	۴
۱۳۰	۱	۲	۳	۴
۱۳۱	۱	۲	۳	۴
۱۳۲	۱	۲	۳	۴
۱۳۳	۱	۲	۳	۴
۱۳۴	۱	۲	۳	۴
۱۳۵	۱	۲	۳	۴
۱۳۶	۱	۲	۳	۴
۱۳۷	۱	۲	۳	۴
۱۳۸	۱	۲	۳	۴
۱۳۹	۱	۲	۳	۴
۱۴۰	۱	۲	۳	۴
۱۴۱	۱	۲	۳	۴
۱۴۲	۱	۲	۳	۴
۱۴۳	۱	۲	۳	۴
۱۴۴	۱	۲	۳	۴
۱۴۵	۱	۲	۳	۴
۱۴۶	۱	۲	۳	۴
۱۴۷	۱	۲	۳	۴
۱۴۸	۱	۲	۳	۴
۱۴۹	۱	۲	۳	۴
۱۵۰	۱	۲	۳	۴
۱۵۱	۱	۲	۳	۴
۱۵۲	۱	۲	۳	۴
۱۵۳	۱	۲	۳	۴
۱۵۴	۱	۲	۳	۴
۱۵۵	۱	۲	۳	۴